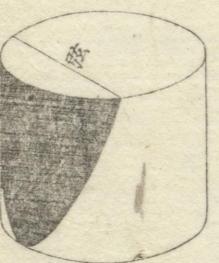


算法求積通考卷之三

長谷川善左衛門弘閑

彦根藩

内田半吾久命編



今有圓墻如圖斜截之圓墻徑若干高若干弦
若干問得黑覓積及截積術如何

答曰如左

解曰次の圖解小依く

至中 平中 八平中 也

矢

名坤

某全

平

八

某矢

也

名乾

至中 平中 八平中 也

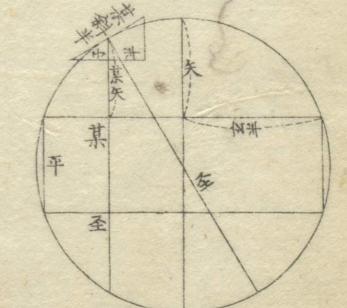
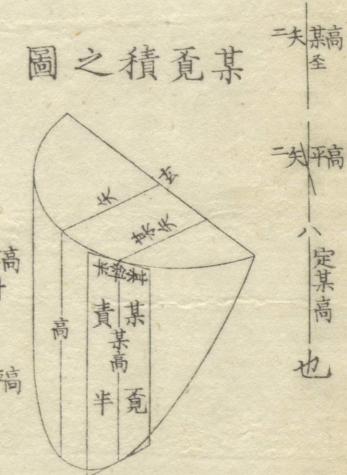
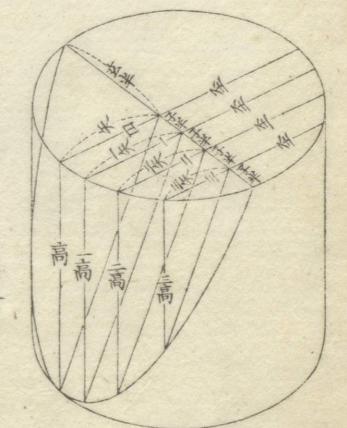
矢

名乾

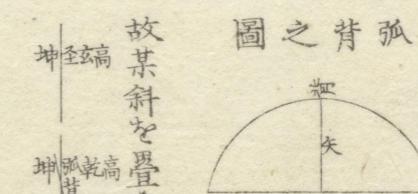
下の比例小依く某高を求む

矢 某矢 平 某高 也 某矢を解れば定某高とす

式例	比
某矢	矢
某高	高



弧背之圖



某積と某高及某矢を解く

依て某斜因某徑を子因徑尔變に
故某斜を疊ぐ弧背を子を疊ぐ弦と
是を疊ぐ黒覓積と

疊法曰某斜の疊數ハ弦と徑と以て求る所の弧背あり

是を括る

是を括る

是を括る

是を括る

是を括る

某覓積之圖



名天

是を括る

是を括る

是を括る

是を括る

是を括る

背比例之圖



某斜

是を括る

某積の中某徑幕及平幕を解く

子と

至巾

天巾

某至巾

也

疊法曰①の算子を疊ぐ弦と②の算子を解れ天表小依て天幕を疊み

○の算子因某徑を疊ぐ帶直弧積と

は

是を括る

高

是を括る

也

帶直弧積を解く

子と

至巾

天巾

某至巾

也

解く

子と

至巾

天巾

某至巾

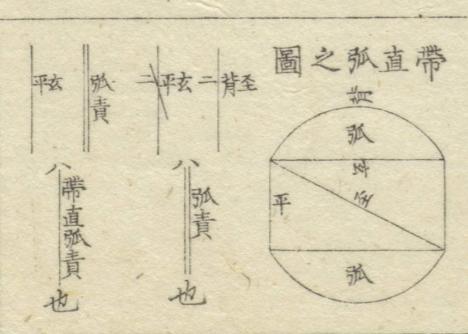
也

是を括る

高

是を括る

也



術曰置圓墻徑以下圓墻自之内減弦幕餘開平方名乾以減
徑餘名坤以徑與弦依術求弧背乘乾以減弦因徑餘乘高以
坤除之爲黑覓積○置弦再自乘之乘高以坤三段除之以減

解之又某短径を解く

田周率

田至斜率

田至短差

徑を子因圓徑小變ば

田周率

田至斜率

田至短差

是を畠く覈積とひ 畠法曰子を畠て長徑と

某斜を畠て弧背とひ 畠法曰子を畠て長徑と
乃長徑を弦とひ 短徑半を矢とて求る所の弧背なり

田周率

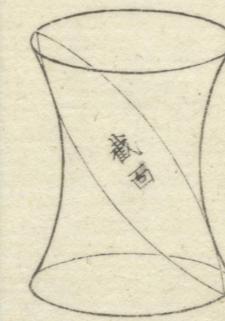
田周率

田至短差

術曰置短徑半之矢以長徑弦依術求圓徑及弧背置圓徑內減短徑餘乘弧背以減圓徑因長徑餘乘圓周率得覈積合問

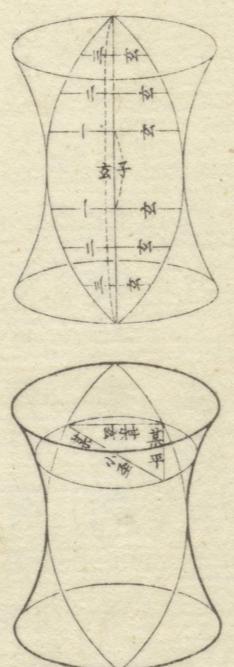
今有減弧墻如圖斜截之墻徑若干高若干問得最少截面積及周術如何

答曰如左



解曰旁圓少極ハ截面積の少極なり其圖上

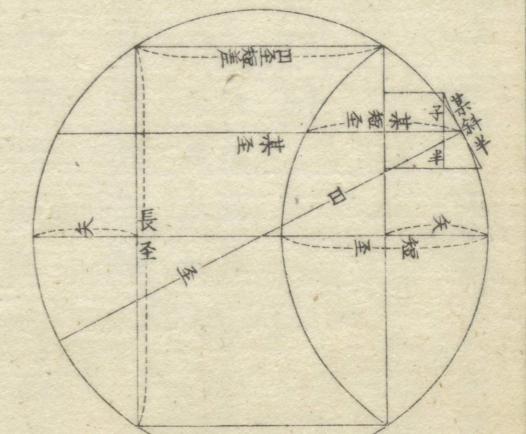
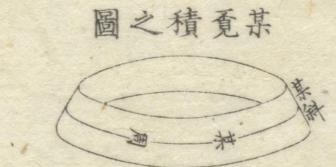
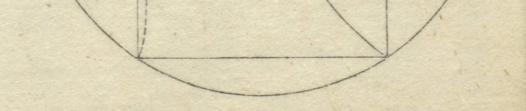
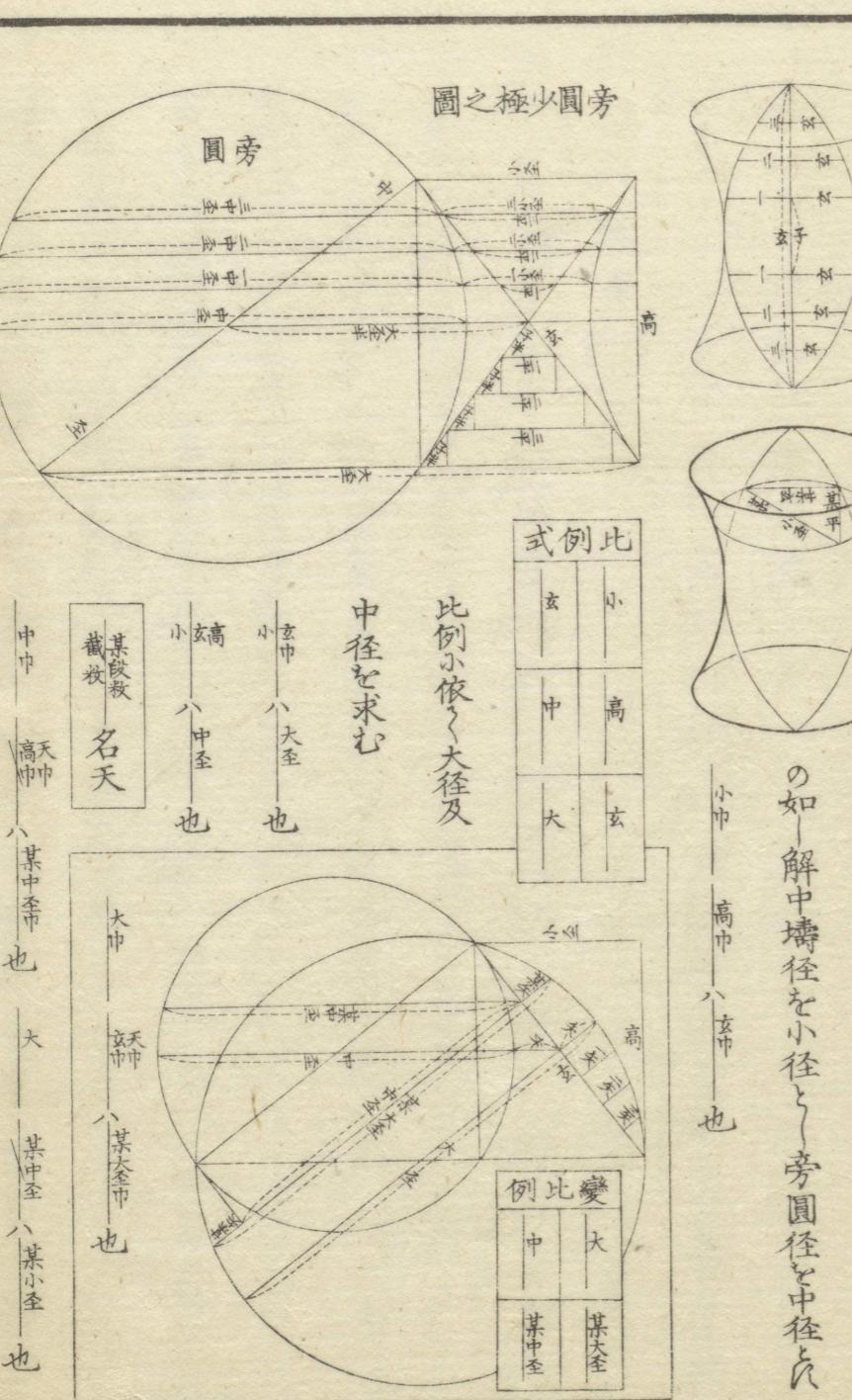
の如一解中墻徑を小徑とひ 旁圓徑と中徑と



式例比	
玄	小
中	高
大	玄

比例小依て大徑及

中徑を求む



某小徑幕及某
某弦幕及某
某平巾某小帶
也某平八恢

平幕を解く 大巾

大
某中至
某中至巾
小天巾

某中徑幕を効

大
某中聖

中巾

高幕小徑幕和弦幕小變化

巾
大
中
圣
中
巾
○
天
市
巾

變比例小依て大徑因某中徑を中徑

因某大徑五又〇印八某大徑四小括三。某玄中
某玄中 中巾 八某玄中 也平方小開紀某弦上尺

卷之三

少弧中の某矢二段と全く同

玄市也

明より依て大径と弦とを以弧積及背を求を倍して截面積及周より答術左の如く

尋至八三也

術曰置高自之加墻徑累
周合積引以墻徑除之
徑據圓依術求弧背積

今有正形圓楔 圓徑與
刃相等 如圖圓徑若干高若干問
得積術如何

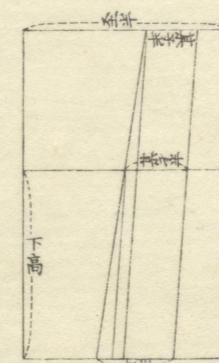
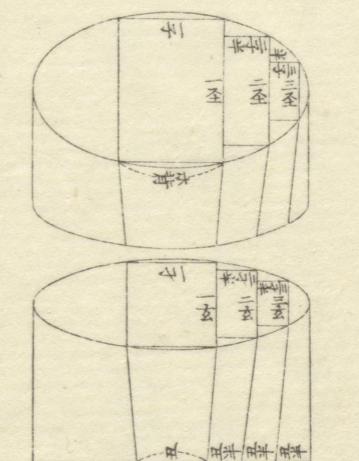
答曰如左

圓

除之得積合問

今有正形圓楔圓徑與刃相等如圖截之圓平行圓徑截面與圓徑
若高若中徑問得截面積及下積術如何

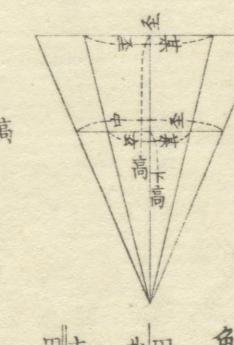
答曰如左



式例比	某子丑差	某子丑差
下高		高

弦を求む 求む 中至 下高
其至 中至 下高
至 小比例も依る 比例も依る
中至 下高
下高
也 也

高
也



式	例	比
中	至	至
某	玄	某至

解曰前條の理小依々等背及丑を求む

上	比例	也	上圖小依く下高を
式	例	比	也上圖小依く下高を
中	至	至	即少極の等斜と
	某	某至	木斜

八 某子也 某面積と云 某寅及某弦を解証又丑を解く

六	某徑因某子と云	某積と云 某寅及某弦を解ひ又丑を解く	中至
六	中至	中至	中至
三四周率	下高 中全子	下高 中全市	下高 中全市
三至山周率	下高 中全市	下高 中全市	下高 中全市
三至巾	中全市	中全市	中全市
八	某責	也是を畠と云 下積と云	中至
		畠法曰某子を畠て	中至

是小依々答術を施もどり左の如一
也 下責 八 中全 截面責 中全
也 中全 中全 中全 中全 中全
也 中全 中全 中全 中全 中全

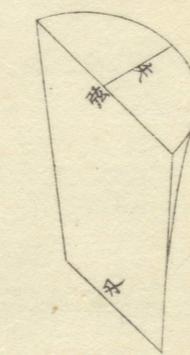
術曰置圓徑內減中徑餘乘五分以圓積率除之加中徑因圓積率乘中徑爲截面積以圓徑除之極置中徑以圓周率除之加極乘高及中徑三除之得下積合問

第二十六條の術と右術とを以て圓楔正作二形の真數を試ると左の如一

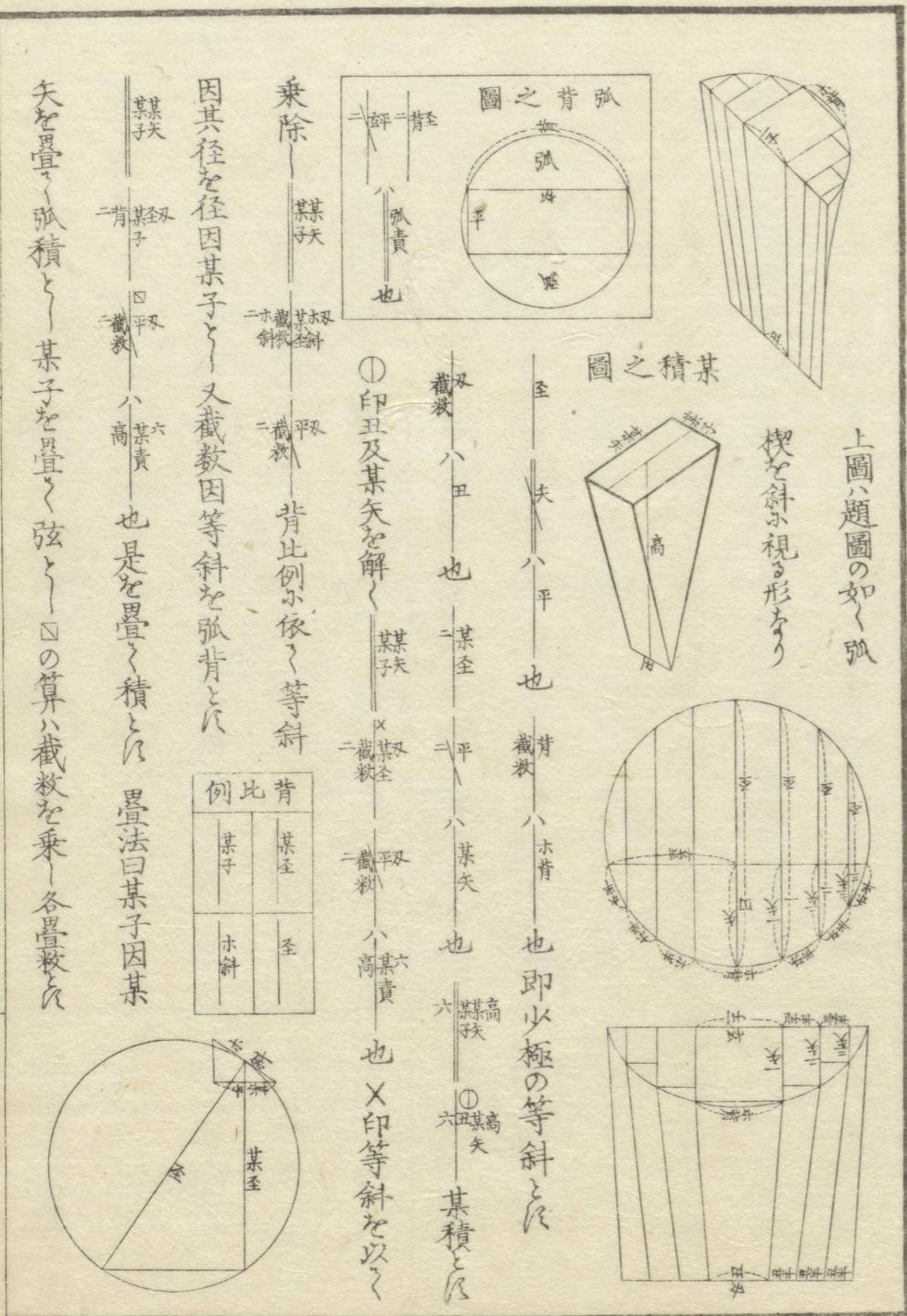
試	
形	數
圓楔	圓徑五寸 中徑三寸 高四寸
截面積	一十〇步八八八三〇有奇
截下積	一十二步五三〇三五有奇
楔全積	三十六步七九〇二六有奇
圓楔	圓徑五寸 中徑三寸 高四寸
截面積	一一步七八〇九七有奇
截下積	一十四步一三七一六有奇
楔全積	三十九步二六九九〇有奇

今有正形弧楔如圖弦若干矢若干刃若干高若干問得積術如何

答曰如左

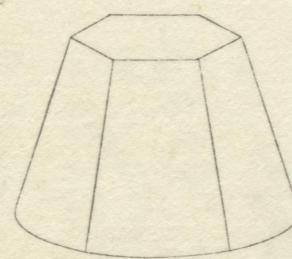


二十四



術中極と名く 是小依て答術を施せば左の如一

術曰以弦與矢依術求圓徑及弧背置矢倍之以減圓徑餘極名置弦乘刃以背除之加背乘圓徑內減極因弦刃和餘乘高一十二除之得積合問



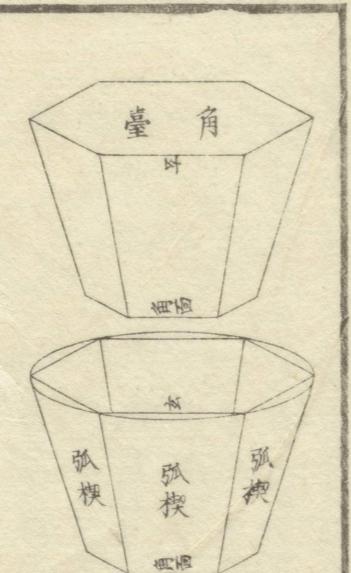
今有正形角圓臺如圖 假設上六角數若干角面積を求め角數を乗一角臺積を加へ角圓臺積と其解左の如一

答曰如左

解曰次の圖の如く角圓臺の内角臺を去る餘りハ弧楔形若干ナリ故弧

也 平中徑率を乗一倍して平とす 平也

也 角狀也



又とて前條の術小依て弧楔積を
求む 背 平 玄和 八弧楔責也 背弦平各を解く



角臺積を求る解

積

子とす



子と解く 截教 平角率

某面とす 某積とす 某面幕及

天表大幕を置き通分内子とて角臺積

也

○印角積率及弦を解く 截教 平角率

高 三面也 弧楔積及角臺積

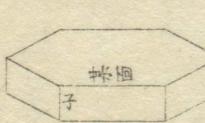
也 是小依て答術を施せば左の如一

圓積率小變に 弧楔責 三面也

高 三面也 角臺責 三面也

也 是小依て答術を施せば左の如一

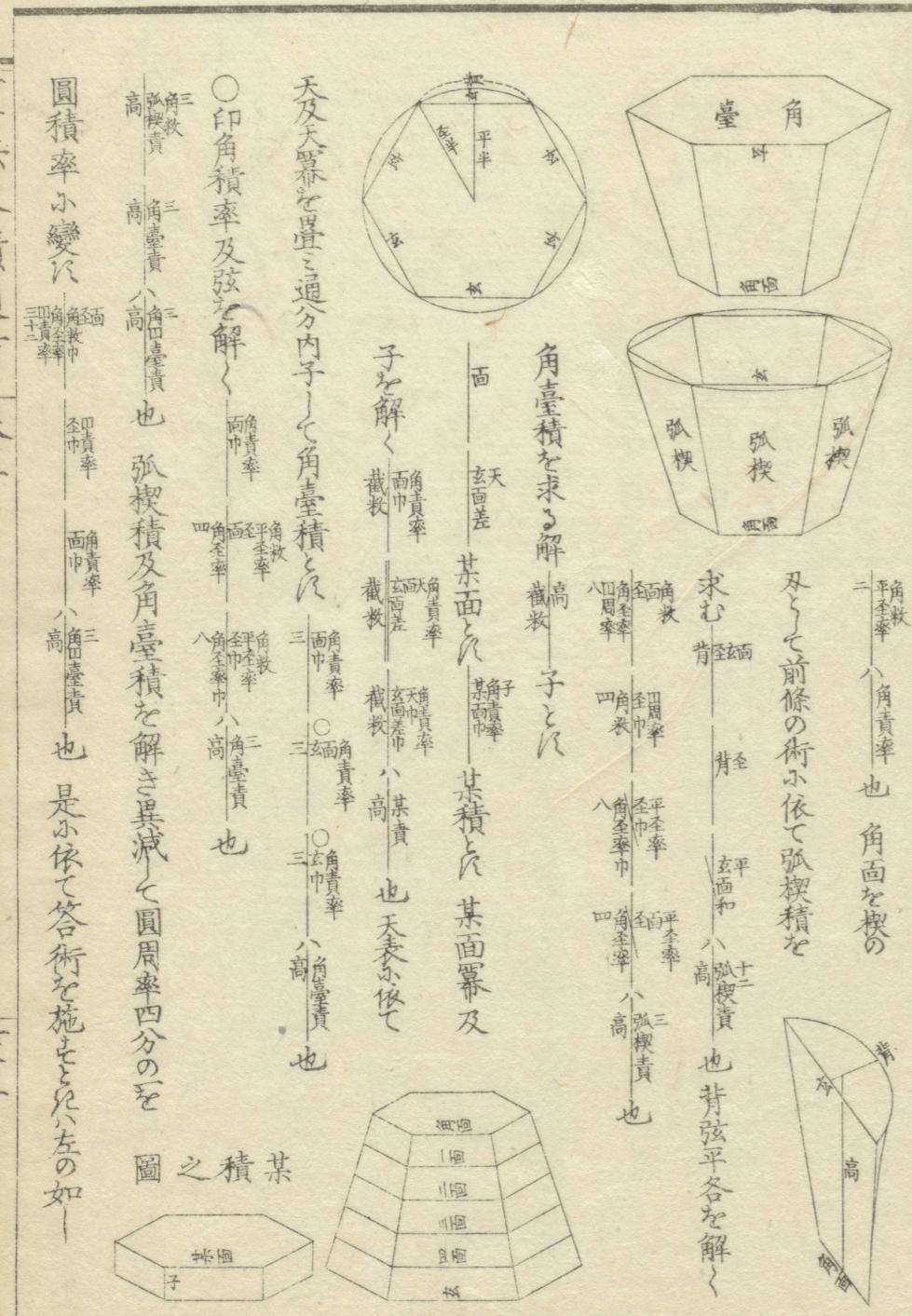
圖某積之圖



圓積率小變に 弧楔責 三面也

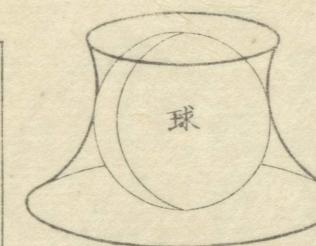
高 三面也 角臺責 三面也

也 是小依て答術を施せば左の如一



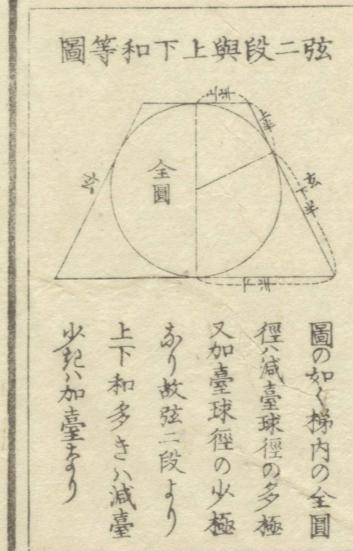
術曰 經率及角求積率置圓積率乘角中徑率三十二之以除角數幕乘圓徑及角面加圓積率因圓徑幕及角積率因角面幕乘高三除之得積合問

四十四



今有弧環臺減臺內如圖容球充內無動上徑若干下徑若干高若干問得旁覈積術如何

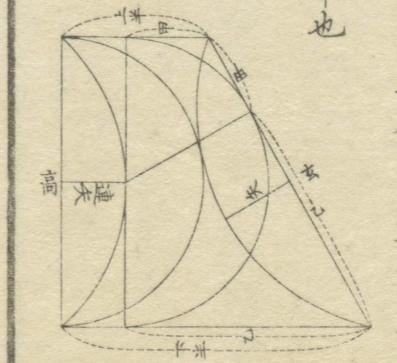
答曰如左



比例式

四高定玄	八矢	也此比例
玄	高	比例尔
矢	連矢	

比例尔
依く



也名定此算負を得る

を視る解平内廷臣著所の算法直術正解小詳たり故細解是を略す

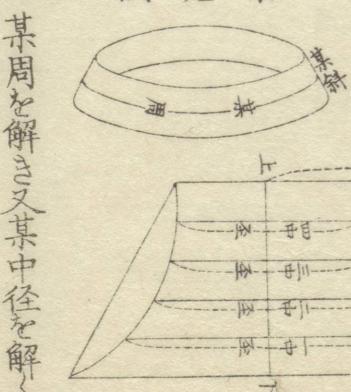
矢失八至也内矢二段を減一餘り丑と凡

比例小依く寅を求む
丑を解迄又矢を解く

定二定上下和定高市定卯定寅定

差半幕小變一向加異減一て

某中徑と凡定上下高市差弦幕高幕差を上下



某中徑と凡定上下高市差弦幕高幕差を上下

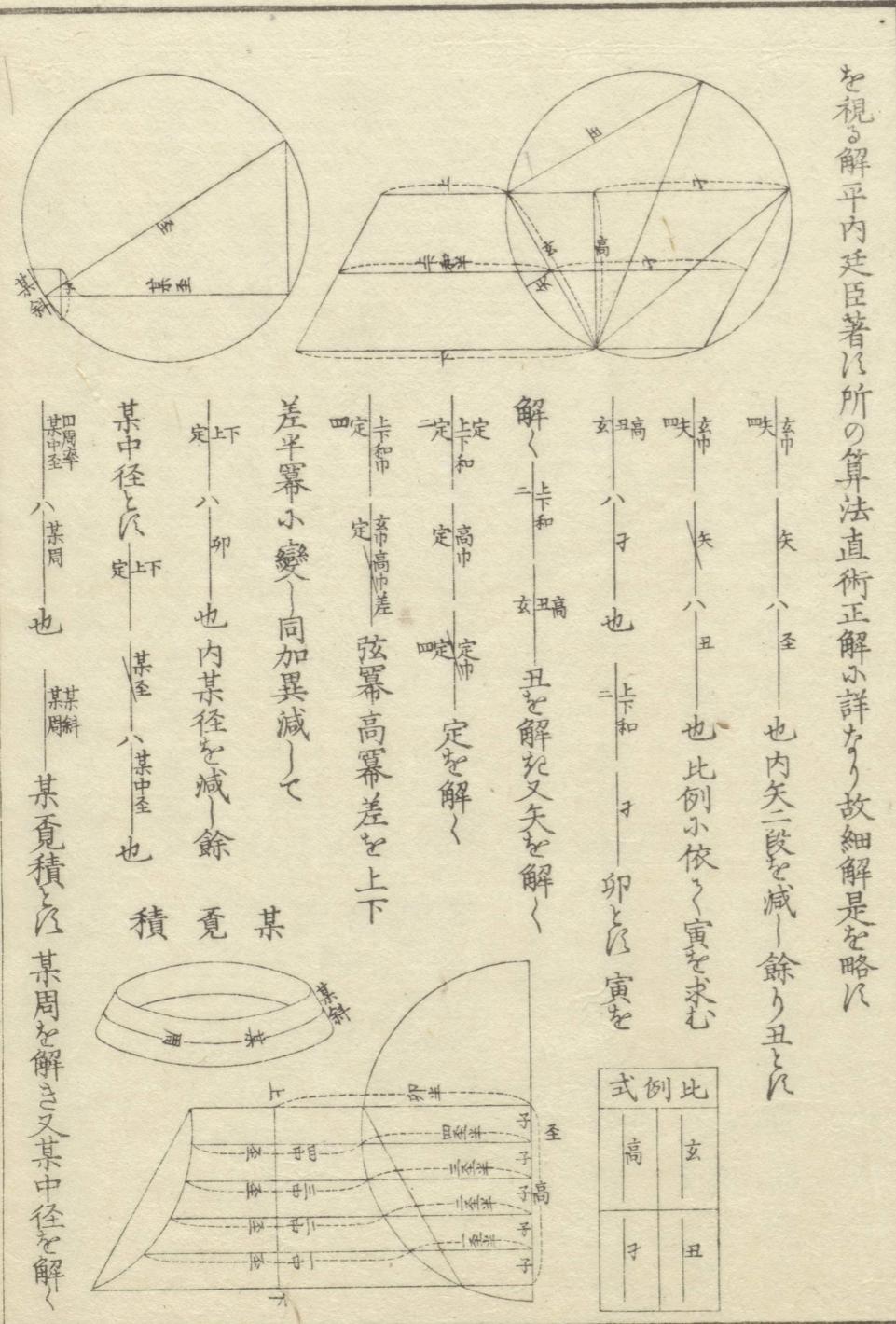
某中徑と凡定上下高市差弦幕高幕差を上下

積

某覈積と凡某周を解き又某中徑を解く

比例式

高	玄
子	丑



第一條の背比例小依て某斜因某徑を子因徑小變化定
下四周率某斜
四周率某徑

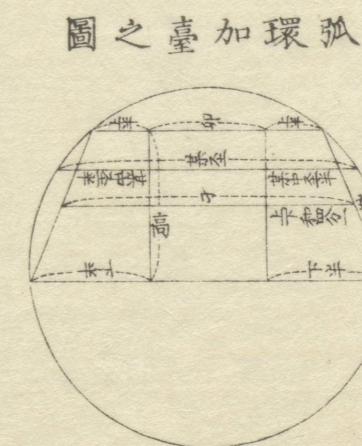
是を疊く旁覈積と云疊法曰子を疊く高く某斜を

疊く弧背乃矢と弦とを以て各疊數を得る

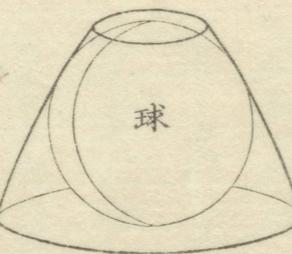
定四周率
上四周率
弧背全
減臺旁覈積也 若一覈積負を得トハ
加臺と云其理下の圖小依て明うなり亦前小云如く定負を得

されば覈積必負トテ加臺あり 是小依て答術左の如一

術曰置下徑内減上徑餘半之自而加高幕開平方
弦擬倍之與上下徑和相減餘名乘擬弦以高四段除之
定乘依術求弧背置弧背乘上徑及下徑以定除之與高因圓徑相減餘乘圓周率
得加減臺旁覈積合問



某斜
四周率
子至
四周率
某覈積也



答曰如左

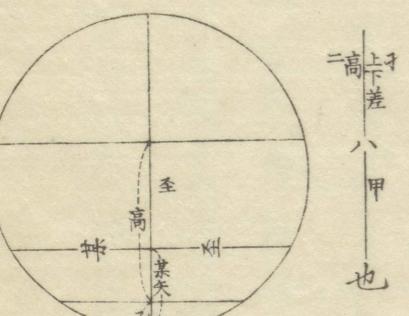
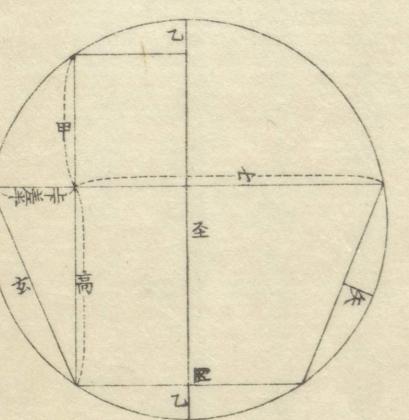
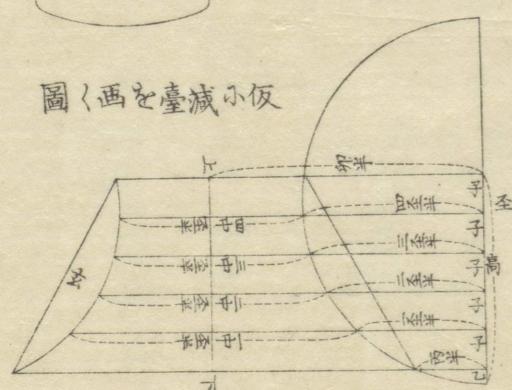
今有弧環臺假臺画内如圖容球充内無動上徑若干下徑若干球徑若干問得外積術如何

矢名を求む上善
高巾
八玄巾也 上下和名定

四高定高巾
八玄巾也 上圖小依て甲を求む

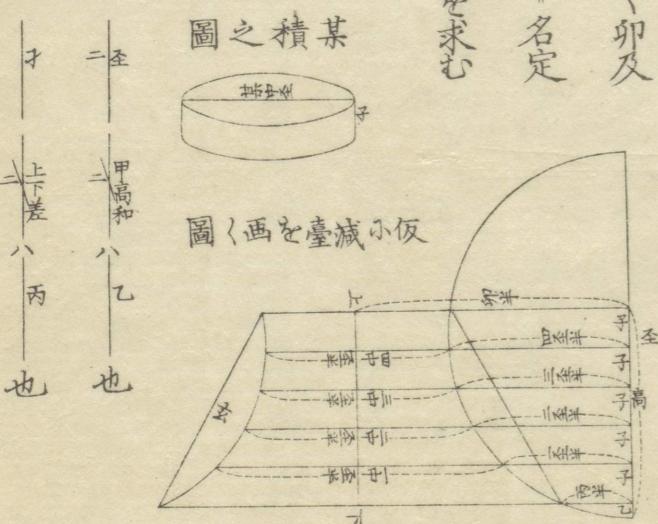
積某圖之

圖く画を臺減小仮



積某圖之

圖く画を臺減小仮



算法求積通考

卷三

七十四

截教

某矢子也

某矢子解天小括る

某教

名天

乙全乙差高天

高天

某矢也

某矢某矢

某径幕と某矢及某矢幕を解く

也

某積と

丙巾高天

高天

某矢也

某矢某矢

乙因徑乙差四段を變へて丙幕と

也

某積と

某中徑幕を解く

丙小圓積率を省く

高天

某算ハ子を解く

高天

也

某積と

疊て帶弧梯積と

丙巾高天

某算ハ子を解く

丙巾高天

也

某積と

○の算ハ子を解く

丙巾高天

某算ハ子を解く

丙巾高天

也

某積と

○の疊教と相併く減臺積と

丙巾高天

某算ハ子を解く

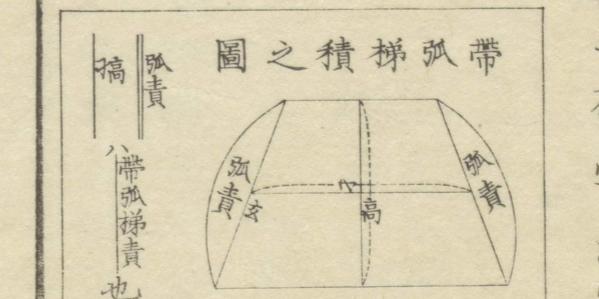
丙巾高天

也

某積と

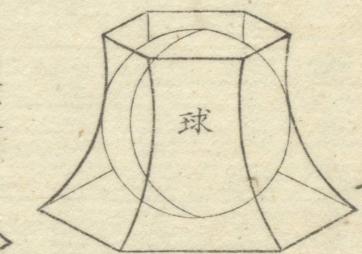
是小依く答術を施せど左の如

術曰置下徑内減上徑餘半之自之加球徑幕開平方倍之與上下徑和相減餘定乘擬弦以球徑四段除之矢依術求弧積乘上徑及下徑以定除之極置上徑自之加下徑幕乘球徑八除之内減極餘乘圓周率得外積合問

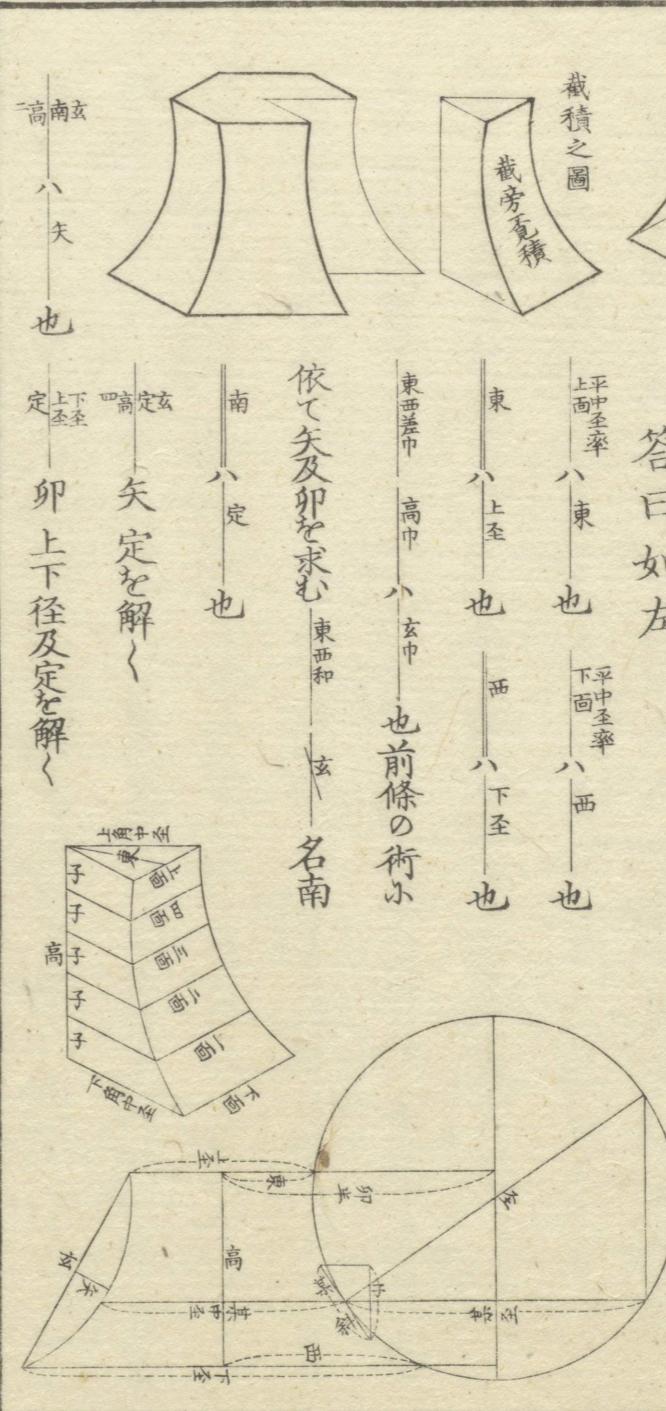


今有弧角臺假画半至下而半協于弧背六角減臺自上而
充內無動上角面若干下角面若干高若干角數
若干問得臺積及旁覈積術如何

答曰如左



		東	平中至率
	上至	八	東
也		也	
西	下至	八	西
也		也	
東西和	高巾	八	玄巾
名南	東西差巾	也	前條の術小



高南玄
八矢也

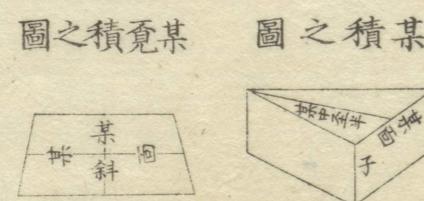
卯上下徑及定之解

This diagram illustrates the Five Elements (Wuxing) cycle. It features a central square with vertices labeled '木' (Wood), '火' (Fire), '土' (Earth), and '金' (Metal). The sides of the square are labeled with the elements: '木' on the left, '火' at the top, '土' at the bottom, and '金' on the right. A diagonal line from the top-left vertex '木' to the bottom-right vertex '金' is labeled '生' (Generation). A diagonal line from the top-right vertex '火' to the bottom-left vertex '土' is labeled '克' (Control). To the left of the square, there is a trapezoid divided into three sections: the top section is labeled '水' (Water), the middle section is labeled '木' (Wood), and the bottom section is labeled '火' (Fire). The entire diagram is enclosed in a circle.

積と云ふ平中徑率因某積八段の象を視る小前條解中の某積を圓積率小除く象と全く同一故置教も又等一犯と明うなり仍く前條の減臺積を圓積率小除た平中徑率因截積八段と云

括り角教を乘	一	高再	因截積と代	高再	上中下巾和	高再	也	上下径及卯を解ひ除へて平中径率
	十二	高再		東巾帯和	高	弧責	八	截責
	十三	高再		南	東西	平中至率	也	
角教	四	高再		弧責	八	截責	上	
	十二	高再		南	平中至率	率	是を	
	四	高再		北角教	東西	平中至率	也	
				弧責	八	減臺責	平中至率	
				名北	東西	平中至率	也	平中径率を以
				南	東西	平中至率		

是を除ひ弧角減臺積と
某直斜
某覓積とて某直を解く
二平中至率
某中至
又某中徑を解く



第一條の背比例小依く某斜因某徑を變へて子因徑と

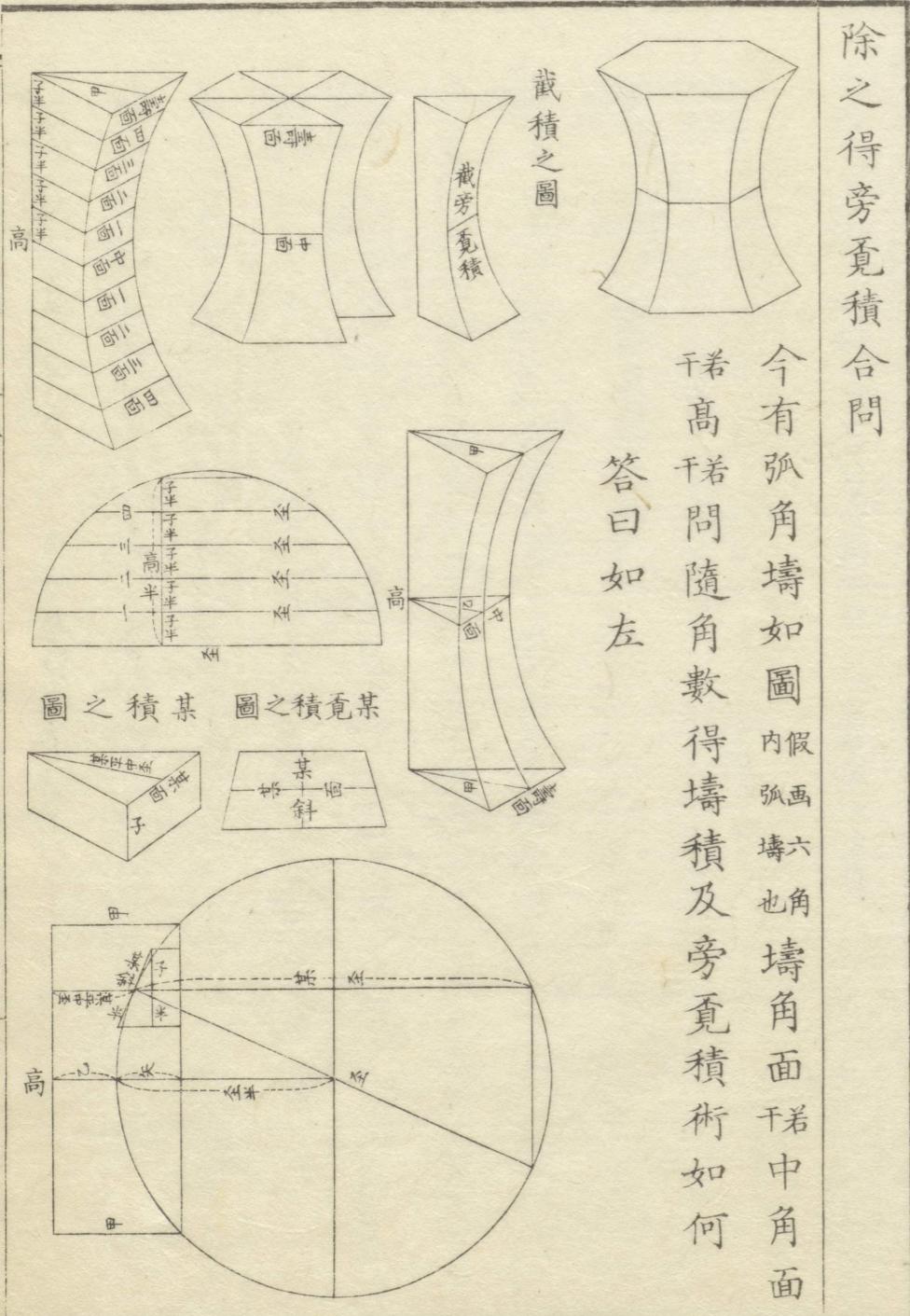
是を置く截旁覈積と云ふ 置法曰子を置く高さ某斜率
也 卵半を北へ 角数を乗へ 減臺旁覈積と云ふ
也 術中の南負を得ると北へ旁覈積必負みて加臺なり

是小依々答術を施すとい左の如し

術曰如角數求乘上角面名西置東與西相減餘自之加高幕
開平方擬與東西和相減餘名乘擬弦以高二段除之矢依術
求圓徑及弧積置東乘西以南除之北置高自之三除而加東
幕及西幕乘高四除之內減北因弧積餘乘角數以平中徑率
除之得臺積○置擬矢倍之以減圓徑餘乘擬弦加弧積四段
以圓徑除之乘北與高半因圓徑相減餘乘角數以平中徑率

除之得旁覓積合問

弧角墻如圖假六角面內弧墻也墻角面干若中角面
干若問隨角數得墻積及旁覓積術如何



依て壇積及旁覓積を求る事下の如く
解中壽ハ壇の略字なり又弧背ハ高を弦とし矢と
弦と以て求る所の弧背あり仍て答術左の如く
術曰如角數求乗壇中角面差擬以高擬依術求弧背及圓徑
置中角面乘平中徑率倍之加圓徑名乾乘弧背與高因圓徑
相減餘乗角數以平中徑率二段除之得外旁覓積○置高自
之以平中徑率六段除之加壇角面因坤乘高及角數與圓徑
内外旁覓積相減餘四除之得外弧角壇積合問

大
藏
余
年

今有長立圓如圖翁補之長徑若干
千截斜若干矢若干問得上積術如何

答曰如左

南短八丑也平方小開死 南短商八丑也 短八丑球矢也名北

第六條の術小依テ弦と球矢とを以て球缺積を求ル縮上積トシ
玉貴率 球矢
玉貴率 球矢再

			丑卑差	球矢卑四段を丑短徑差冪小解き同加異減
短上責率	玉責率	短中	玉責率	玉責率
長上責率	玉責率	玉中	玉責率	玉責率
上積とく	縮上積を解く	上	縮上責率	四
長	是を括る	球矢	也	四
北長	短中	北短	短中	玉責率
南長	北短	南短	北短	玉責率
八上責率	八	八	北玉	四
北上責率	北玉	北玉	丑玉	四

是小依て答術を施すと死ハ左の如一

術曰置長徑字略之以短除之自之內減一個餘以除矢二段
與長差累東以短除之加短半之名置截斜以長除之自之以
減一個餘乘東以減西累餘開平方以減西餘名乘短開平方



圖之積上縮

以減徑半則加之短餘北加短內減南餘乘北因長及玉積率
若矢多於長則減之餘乘北加短內減南餘乘北因長及玉積率
四除之得上積合問

今有以大小長立圓各相等如圖作十字長乃
立圓兩心相交大長徑若干小長徑若干等短徑若
干問得積術如何

答曰如左

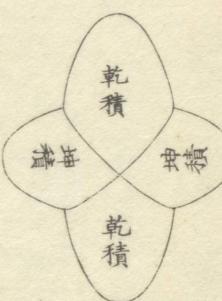
矩合 縮坤囂を解き遍く除数を乗以

縮 小

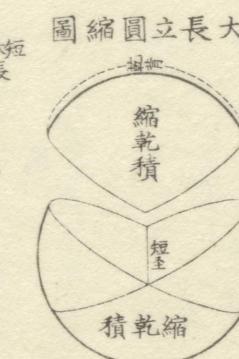
圖縮大

矩合 是を括る

小長巾 短三 名極



短巾三 極巾 小長巾 大長巾 矩合 是小依て 極巾 矩合 是を括る



大長巾 短巾 大長巾 矩合 是小依て 極巾 矩合 是を括る



大短背 六乾責 八乾責

十字積と乾坤積を解く 三乾責 八十字責

大短背 六坤背 八坤背

乾積と縮乾積と 三乾背 八乾背

六坤背 八坤背

也

大長径を乘一短径を以て除れ乾積と 乾積を求め縮乾積と 乾背 六乾責 八乾責 也 大長徑を小長徑小換乾背を坤背小換と 坤積と 乾積と 乾背 六坤背 八坤背 也 乾坤背を求め小ハ乾

坤を弦とし短径を通圓径と今乾坤の象を視る小各短径を帶び仍く仮小短径を省き乾

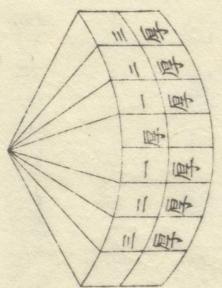
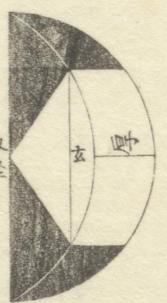
坤の弦小擬二個を以て通圓径小擬(各背を求め後小短径を乗一乾坤の背と)

是小依て答術を施もとれ左の如一

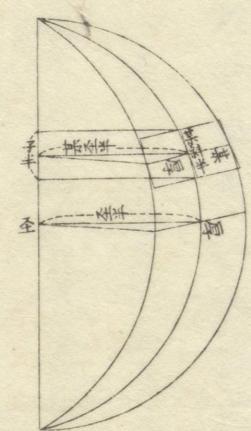
術曰置大長徑乘小長徑自之内減短徑三乘累餘名極置小
長徑自之内減短徑累餘以極除之開平方乘大長徑擬乾弦
以一個擬通圓徑依術求坤背乘大長徑二數相伴乘短徑累
三除之得積合問

今有半圓梯形周乃以半圓如圖自刀半截分之
積相等刃徑若厚若弦若問得白積術如何

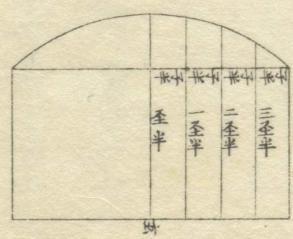
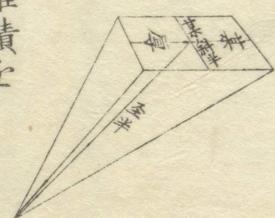
答曰如左



玄教 子とへ 全某至 八某厚 也 径半を錐高とて梯錐積を



圖之半積某



上 下 黒 級 相 等 刀 徑 若 厚 若 弦 若 問 得 白 積 術 如 何

答 曰 如 左

求め某積と_レ 某積也某厚を解く 背比例小依く某斜因某徑を子因

徑と_レ 乃背比例前小詳 故是を略も 六 厚_レ 某貴_レ 也是を畠_レ 白積と_レ 畠法曰子を畠_レ 弦と_レ

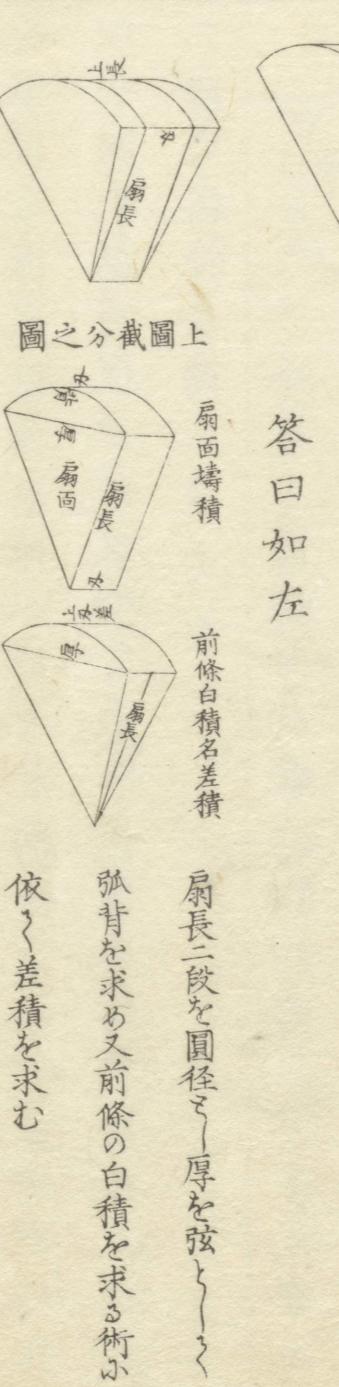
至厚_レ 小白貴_レ 也 是小依く答術を施もとれ左の如一

術曰置刃徑乘弦及厚六除之得白積合問

今有扇面楔_レ 扇長_レ 即扇長若干上長若干刃若干

厚_レ 乃以弧若干問得積術如何

答曰如左

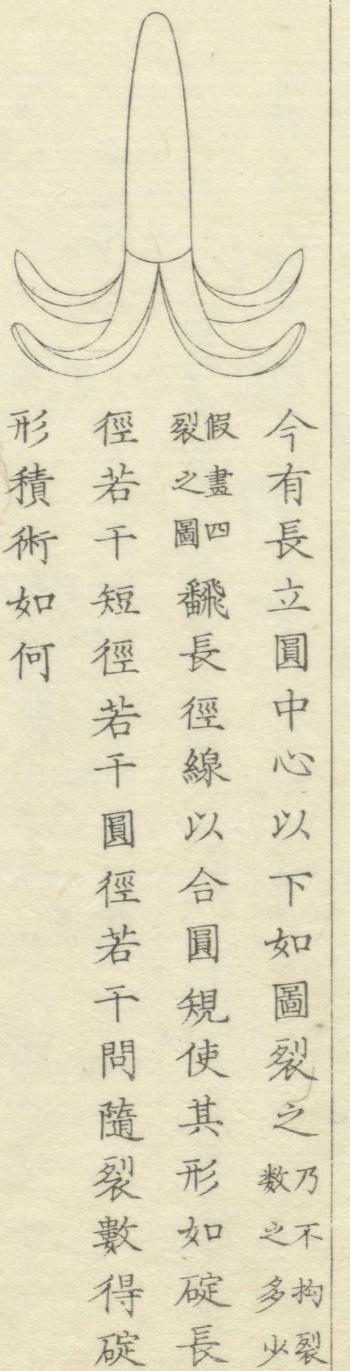


圖上之分截圖
扇面積
前條白積名差積
扇長二段を圓径と厚を弦とく
弧背を求める又前條の白積を求る術小
依く差積を求む

前條白積也 径を扇長二段と弦を厚と厚を上及差とて差積とく

六至厚_レ 也 是小依く答術を施もとれ左の如一

術曰置扇長倍之 徑_レ 圓以厚_レ 極依術求弧背三因二除之内減
厚餘乘刃加厚因上長乘扇長三除之得積合問



答曰如左

解曰次の圖小依く丑を求む

子と_レ 長_レ 截數_レ 子と_レ 短巾_レ 天巾_レ 八某甲巾_レ 也
四全某甲差八丑_レ 也 角至率_レ 八某玄_レ 也 截數_レ 八某甲巾_レ 也
四周率_レ 八某背_レ 也 截數_レ 八某背_レ 也
名天_レ 截數_レ 某假數_レ 名天

次の比例小依く丑を求む

子と_レ 長_レ 截數_レ 子と_レ 短巾_レ 天巾_レ 八某甲巾_レ 也
四全某甲差八丑_レ 也 角至率_レ 八某玄_レ 也 截數_レ 八某甲巾_レ 也
四周率_レ 八某背_レ 也 截數_レ 八某背_レ 也

今有長立圓中心以下如圖裂之_レ 乃不拘裂
裂之圖_レ 繖長徑線以合圓規使其形如碇長
徑若干短徑若干圓徑若干問隨裂數得碇
形積術如何

往幕及離徑幕を解く
① 某矢 子
四 撓全 子
四 撓全 天子
四 撓全 雜子
四 撓全 玄巾
八 某責 也是を置く月形

積とて
置法曰(イ)の算ハ子因某矢を置く弧積と(ロ)の算ハ子を置て

帶直弧積上	四	撓至	十二	撓至	四	撓至	四	撓全	月形積也	帶直
弧積上	四	撓至	十二	撓至	四	撓至	四	撓全	月形積也	帶直
弧積上	四	撓至	十二	撓至	四	撓至	四	撓全	月形積也	帶直
弧積上	四	撓至	十二	撓至	四	撓至	四	撓全	月形積也	帶直
弧積上	四	撓至	十二	撓至	四	撓至	四	撓全	月形積也	帶直

弧積を解く
一 捌至
二 捌至
三 捌至
四 捌至
離徑器

是小衣^ノ答^ハ行^スを施^スセニ^ハ左^ノ如^ク
を解^ク 弧責^{ミサカシ} 橫全^{ヨコゼン} 六 橫至^{ヨコシテ} 互平^{ヨコヒラ} 仮小遍^{ヨコスムカシ} 弧積^{ミサカシ} を以^テ除^ク
撓至^{ヨコシテ} 弧責^{ミサカシ} 橫全^{ヨコゼン} 六 橫至^{ヨコシテ} 弧責^{ミサカシ} 八月形貞^{ハチツキヨウジン} 也^モ

以弧圓徑與弦求弧積六

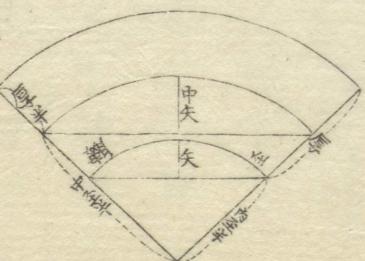
術曰以弧圓徑與弦求弧積六之以除弦再乘冪名極置弧圓徑自之內減弦冪餘開平方以減極餘以撓圓徑除之加一個乘弧積得月形積合問

此題器の淺深小隨々象少々異なり今其一二を擧ると左の如く

外内
球半
解曰反内径を

圓徑
盤徑

圖之源起器圓爲盤圓反



今有圓盤如圖反之面規以盤徑為內背爲外
徑若干問其厚盤徑若干反內徑若干

卷之二

肝曰反內徑

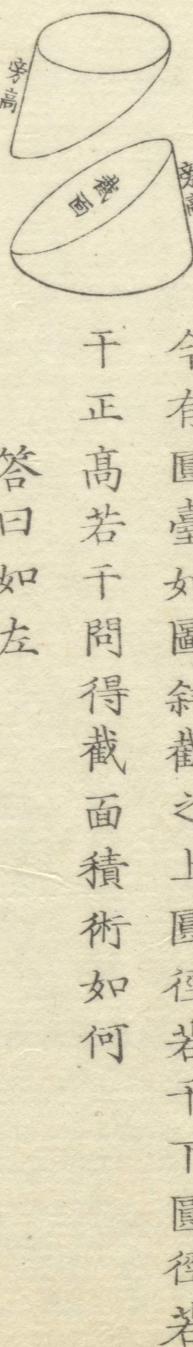
圓徑
盤徑

中至

申至
内至
申矢
八申矢也中径を球径とし中矢を矢として第七條の術に依り球缺覈積を求ら中積とす
四中至矢
四中至矢
申責
八申責也中積とし中積を解れ又中矢を解く
申責
八申責也
内至
申至降
八反責也

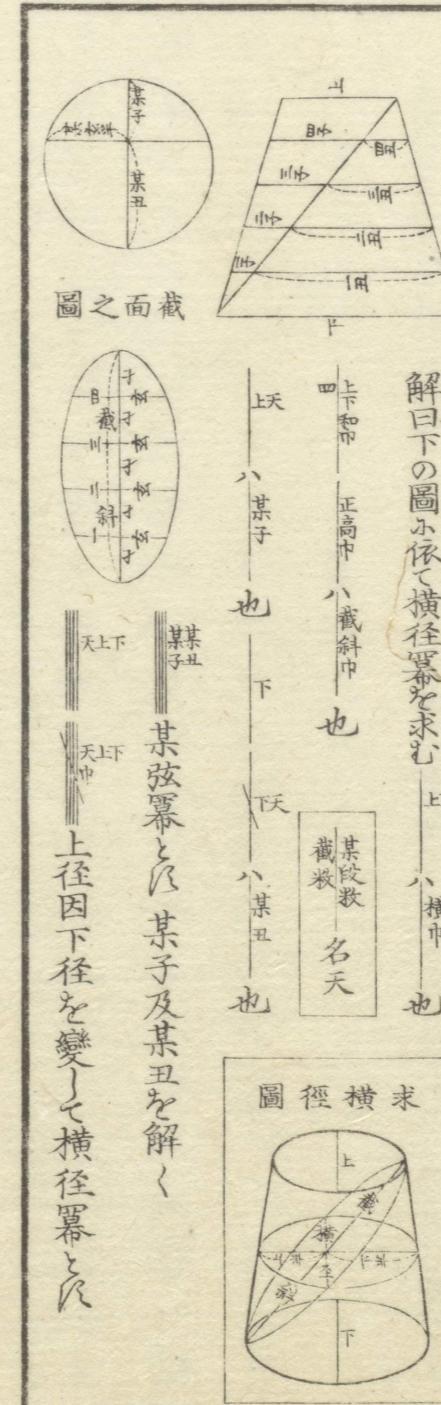
是ふ依く答術を施毛免左の如く

術曰以反内徑擬圓徑以盤徑擬弧背依術求矢置反内徑加厚自之乘厚因矢及圓周率以反内徑除之得反積合問



今有圓臺如圖斜截之上圓徑若干下圓徑若干正高若干問得截面積術如何

答曰如左



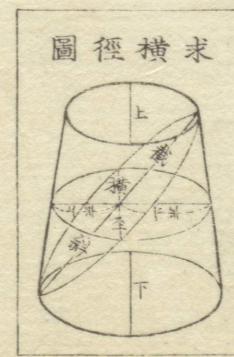
解曰下の圖小依て横徑幕を求む

上下小横巾也

某弦幕と底某子及某丑を解く

天上下天巾

上徑因下徑を變じて横徑幕と



某弦と也 某乙ハ某玄也 截斜ハ子也 截斜ハ子也 某積と也 某弦及實を解く
某弦と也 偶乗乙表小依て某乙を疊ぐ截面積と也 四責率ハ截面積也 此象を視る小截
斜を長徑と横徑を短徑とて求る側圓積と全く相等一故截面ハ側圓也其故上より求る某弦と
如き側圓と積等とて形が大に異なり然ども圓臺截面必も側圓なり其故上より求る某弦と
下より求る某弦と全く相同一仍て積等きと云ひ形も又等と分明あり 是小依て答術左の如く
術曰置上徑加下徑半之自之加正高幕乘上徑及下徑開平
方乘圓積率得截面積合問

今有圓臺如圖穿去側圓其周切圓臺上徑若干
下徑若干高若干長徑若干短徑若干問得交周
交地名之謂交周後做之術如何

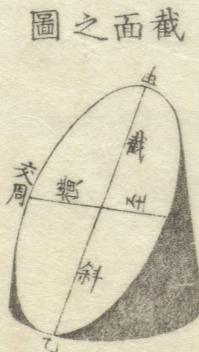
爲交周合問



今有圓臺如圖穿去側圓圓臺上徑若干下徑若干高若干問得交周術如何

答曰如左

解曰文周ハ側圓塙を以て圓臺を貫丸兩周



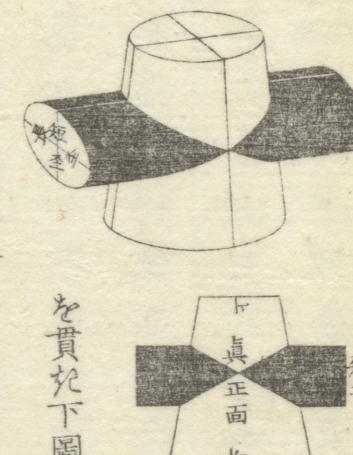
小至々斜小截るどに、截面周即交周なり。仍て截斜を長径と、横径を短径として側圓周を求
め、文周とし。

是小依て答術を施ほとたハ左の如一

術曰置上徑加下徑半之自而加高冂擬長徑冂置上徑乘下

答曰如左

以側圓圓貫圓臺圖



解曰前條の如く圓臺を斜小截る截

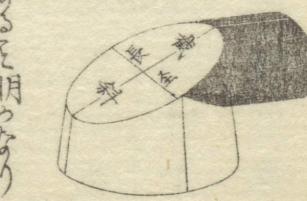
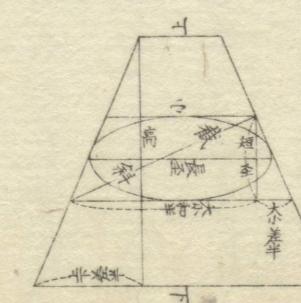
面八側圓なり又側圓墻の截面も側圓
なり故上圖の如く側圓墻を以て圓臺

を貫於下圖の如く樹立し、兩截面周相接する交周なるも明ケナリ

四 太 帝	下 差	八 太 差	也	長 巾	八	大 小	也
短 巾							
截 斜 幕	上 太 小	和 幕	解 く	太 帝	差 巾	大 小	也
高 巾	上 差 帝	長 巾	短 巾	和	八 截 斜 巾	太 帝	也

平方小開き撇余とい
是小儀々答術を施せども其の如し

術曰置下徑內減上徑餘乘短徑以高二段除之自之加長徑
幕及短徑幕平方開之擬長徑以長徑擬短徑依術求側圓周



徑擬短徑幕依術求側圓周爲交周合問

今有球如圖穿去側圓切球二處者長徑若干問得

答曰如左

解曰球ハ隨意小截るといふも

其截面全圓なり側圓墻の截

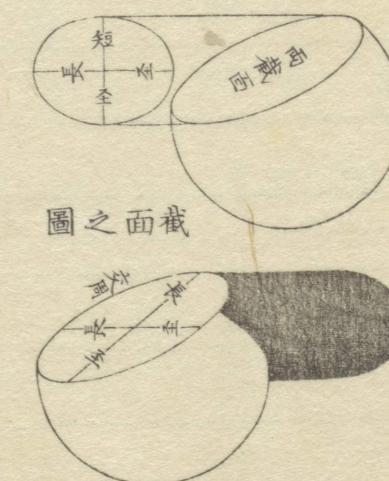
面も又全圓少も協ふ故上

圖の如く側圓墻を以て球

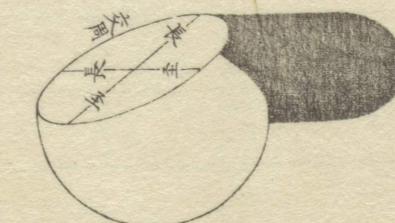
を貫き下圖の如く斜小

截る截面ハ全圓なり其周即兩周相親所の交周なり仍く長徑を圓径とて其周を求め交周とひ 是小依て答術左の如一

圖 親相面截兩



圖之面截



圖之源還圓立長



術曰置長徑乘圓周率得交周合問

評曰上圖の如く側圓の短徑球の端小切て圓周少協ふ交周極

側圓小限る其解左の如

下の圖小依て 球至ハ極長巾也

同一仍く側圓極小至。其交周ハ全圓周なり故極側圓小切され其交周圓周を成さむ是を明めり

球至ハ截斜巾也此の如く極長徑幕と截斜幕と其象等く

今有長立圓如圖穿去圓 圓周二處長徑若干
短徑若干穿去圓徑若干問得交周術如何

答曰如左

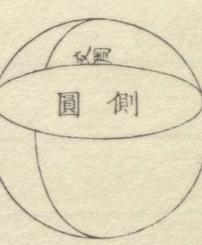
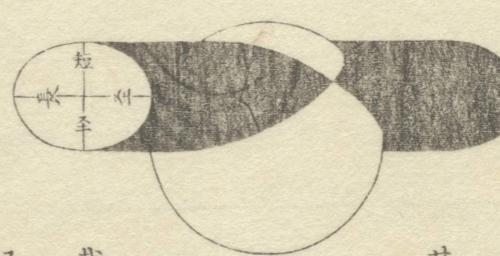
解曰長立圓を還源して球と為せ

これハ前條の題圖と等しく

其交周ハ圓周なり又全圓ハ側圓の

九十五

圖 側圓周球貫墻圓圖



交周術如何

答曰如左

解曰球ハ隨意小截るといふも

其截面全圓なり側圓墻の截

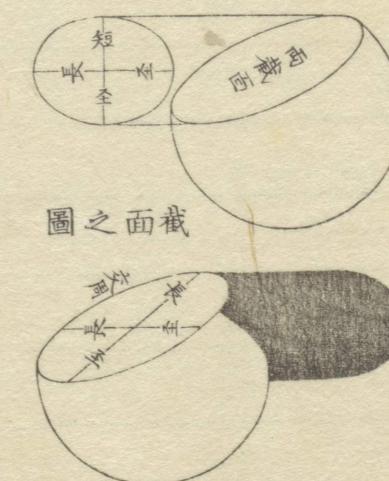
面も又全圓少も協ふ故上

圖の如く側圓墻を以て球

を貫き下圖の如く斜小

截る截面ハ全圓なり其周即兩周相親所の交周なり仍く長徑を圓径とて其周を求め交周とひ 是小依て答術左の如一

圖 親相面截兩



圖之面截

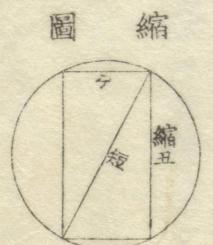
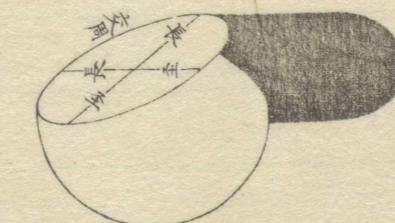


圖 縮

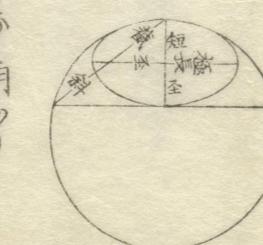
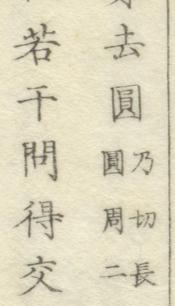


圖 縮

圖 縮

還源あり故此題交周ハ側圓周なること明なり仍く截斜を長徑トシ穿去徑を短徑トシテ側圓周を求めて交周トシ 算法助術第八條の術が依て子幕を求む

短巾
短巾
差商
ハ子巾
也

子去ハ丑也長_{日短}ハ編丑也縮丑幕を解た遍く長徑幕を乗一又丑幕を解き又子幕を解く

短巾
短巾
差商
ハ子巾
也

是を分る短三去巾長巾短巾是を分る短三去巾長巾左_{日短}右_{日短}各自にて相消一子幕を解

短巾
短巾
差商
ハ子巾
也

訖余左右小分る短七去巾長巾長巾長巾左_{日短}右_{日短}左右各自にて相消一子幕を解

短巾
短巾
差商
ハ子巾
也

平方小開き相消一短三去巾長巾長巾長巾左_{日短}右_{日短}左_{日短}右_{日短}左_{日短}右_{日短}左_{日短}右_{日短}各

短巾
短巾
差商
ハ子巾
也

長巾矩合是小依く大小和を乗一法と相伴て遍長徑を省た矩合トシ

長巾
短巾
差商
ハ子巾
也

矩合是小依く長巾_{日短}也擬長徑幕_去擬短徑_{長巾_{日短}也}擬長徑及擬短徑役小去徑を

長巾
短巾
差商
ハ子巾
也

此式實廉同名法異名ゆて小と大を得正二件の交商式なり故實を棄て廉_{大小和}を乗一法と相伴て遍長徑を省た矩合トシ

長巾
短巾
差商
ハ子巾
也

省_日汎長短徑小擬_日也汎長徑幕_去一个_去拟_日也汎短徑_去

是小依く答術を施もさんハ左の如_一

術曰置短徑以長徑除之自之以減二個餘擬長徑幕以一個擬短徑依術求側圓周乘穿去圓徑得交周合問

右題穿去圓徑長徑の端_日切_日極圓徑より少きと_ハ其交周側圓周が成_ハ其理前條_ハ相同

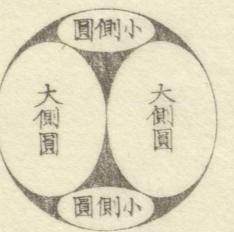
今有球如圖穿去大小側圓乃至極各二個球徑若

干問得黒覓積術如何

答曰如左

解曰題圖の如_一極小至る大小側圓を穿去る交周各圓周小協_ハ其徑即大小側圓の長徑たり

故穿去る所の覓積_ハ各球缺の覓積と全く同一仍て大小球缺覓積各四個を求め以_て球覓積を減一餘り黒覓積_{トシ}其解即次の如_一





解中球徑を外
大長径を大と小長
徑を小と外

外商八 大也 外巾市差八 小巾也

比例式	
大	外
外	子

比例小依て寅を求む



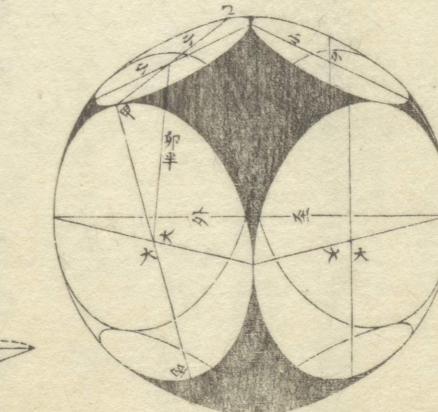
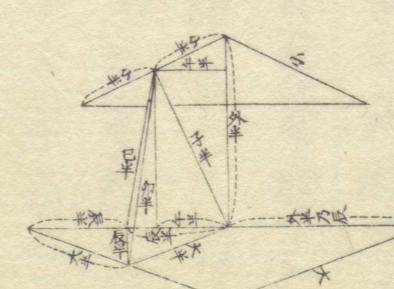
好寅也 太を解く 子商八 子也 丑寅相

併て卯と外 小商二 外也 午也 也 二外八 卯也 是を自て

以て卯幕を減一餘り巳幕と外 外伸二 子巾八 巳巾也

辰巾外伸八 銀也 左小寄外 子巾八 午也 辰を乗一倍

矩合小幕を解記



遍く子一段を省く 子 矩合左右小是を分け各自にて相消一 小幕を解く

外巾子巾 矩合是小依て 外巾八 子巾也 平方小開き半にて 外巾八 子半也 以て外半を

減一餘り小矢外 外五商八 小矢也 外二大一八 大矢也 第七條の術小依て大

小の球缺覇積を求む 外四商八 大矢也 外四周率八 小矢覇積也 外巾八 球覇積也

球覇積 大矢覇積 小矢覇積 黑覇積と外 各積を解たる矢を解たる五個商を變へ 仮外幕及圓周率を

省く 三ヶ六商ニケ商 八黑覇積 也是小依て 答術を施しと外の左の如

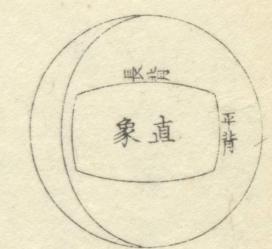
術曰置三個二分開平方名極置二個開平方加極内減三個餘乘球徑幕及圓周率得黑覇積合問

又平方商を變へ別術を施もと外の如

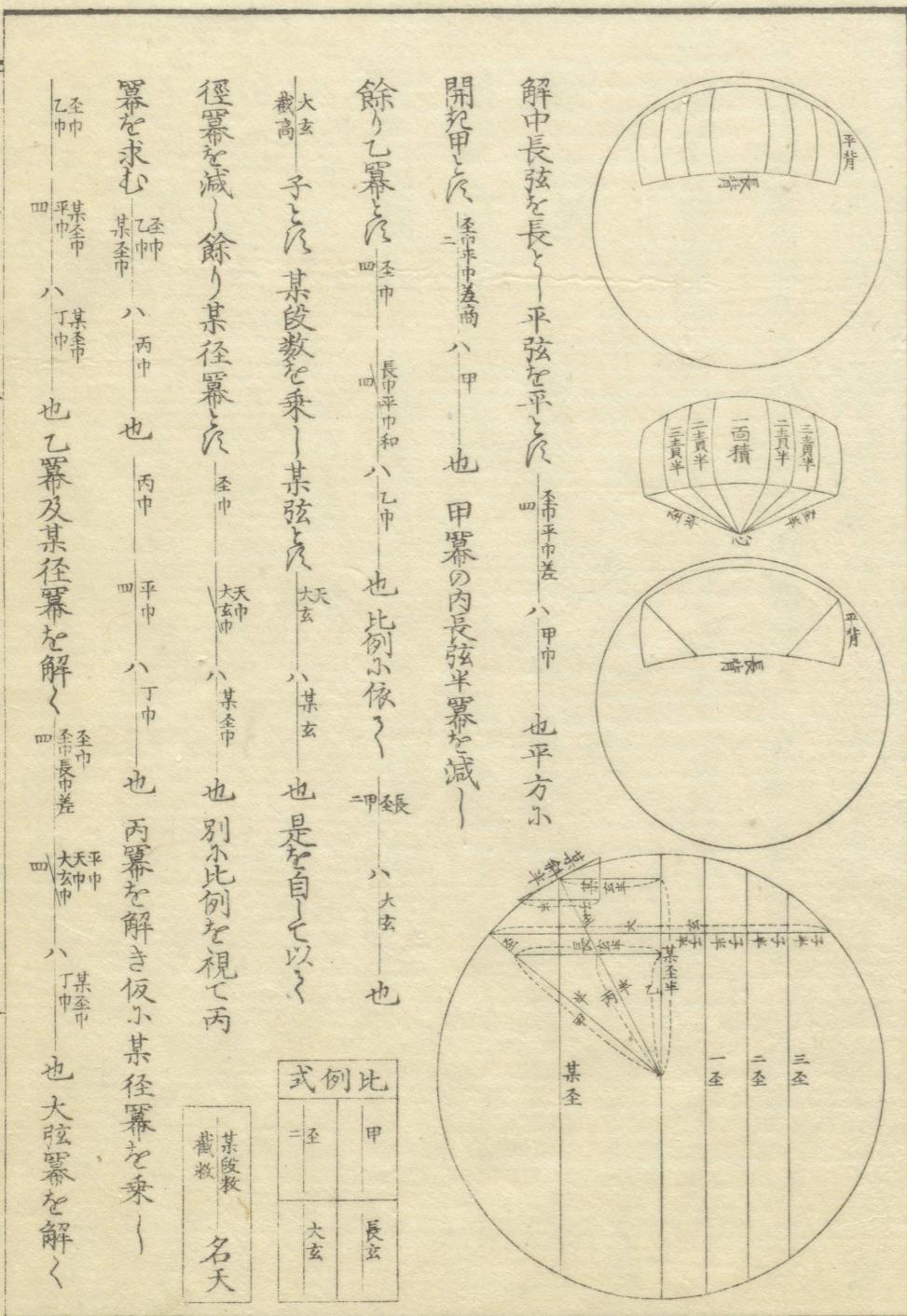
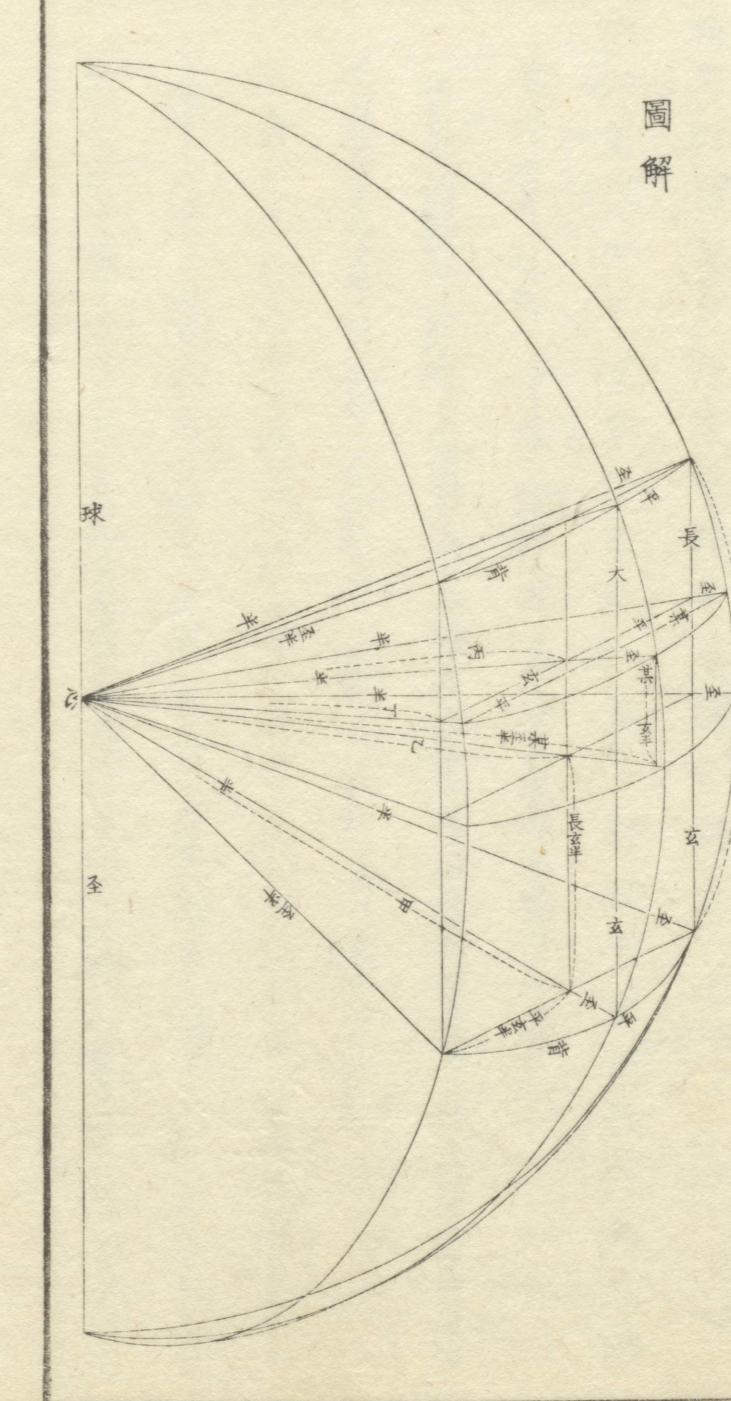
別術曰置二十五個六分開平方加五個二分開平方内減三個餘乘球徑幕及圓周率得黑覇積合問

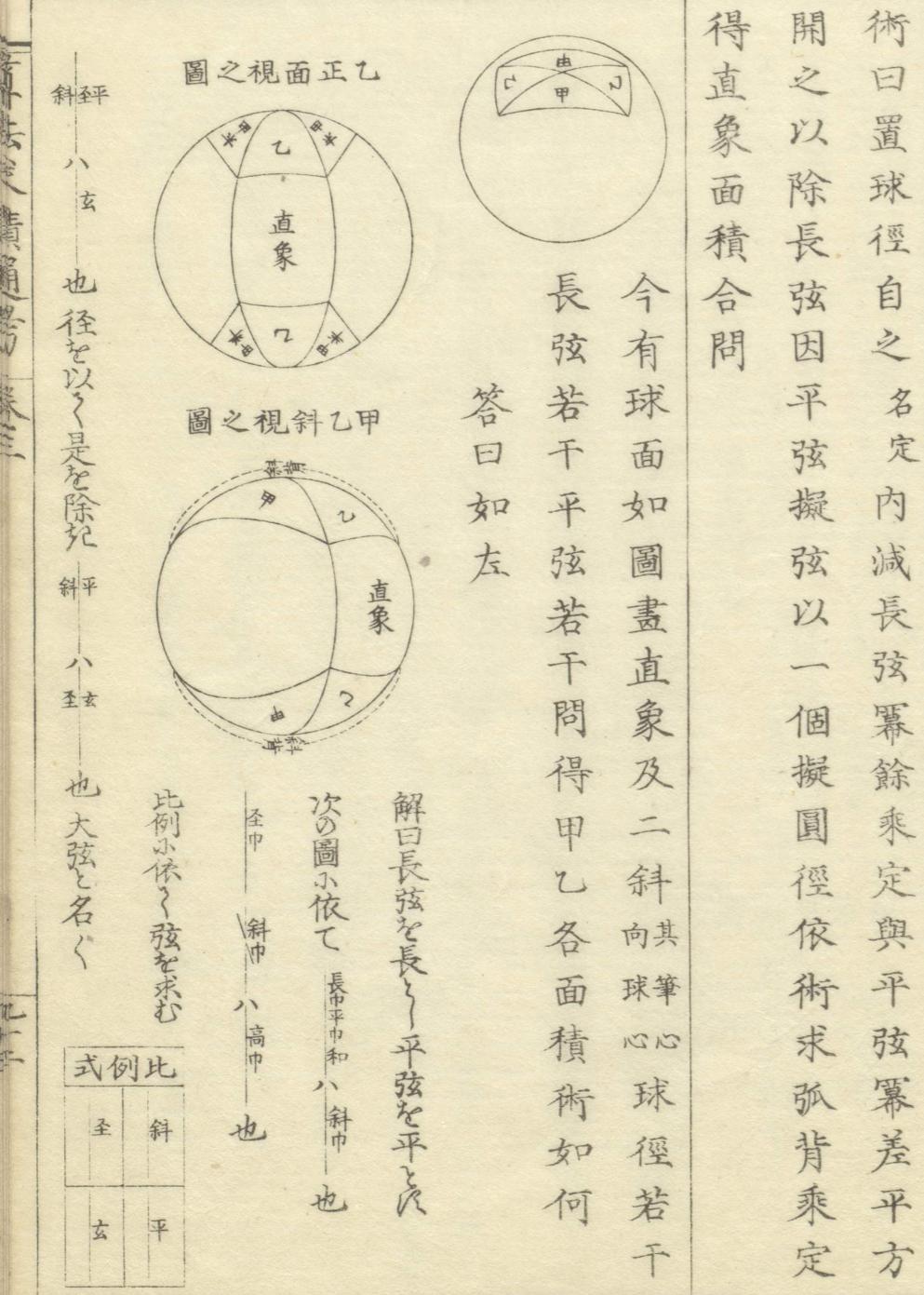
今有球面如圖畫直象其筆心向珠心球徑若干長弦若干平弦若干問得直象面積術如何

答曰如左



圖解



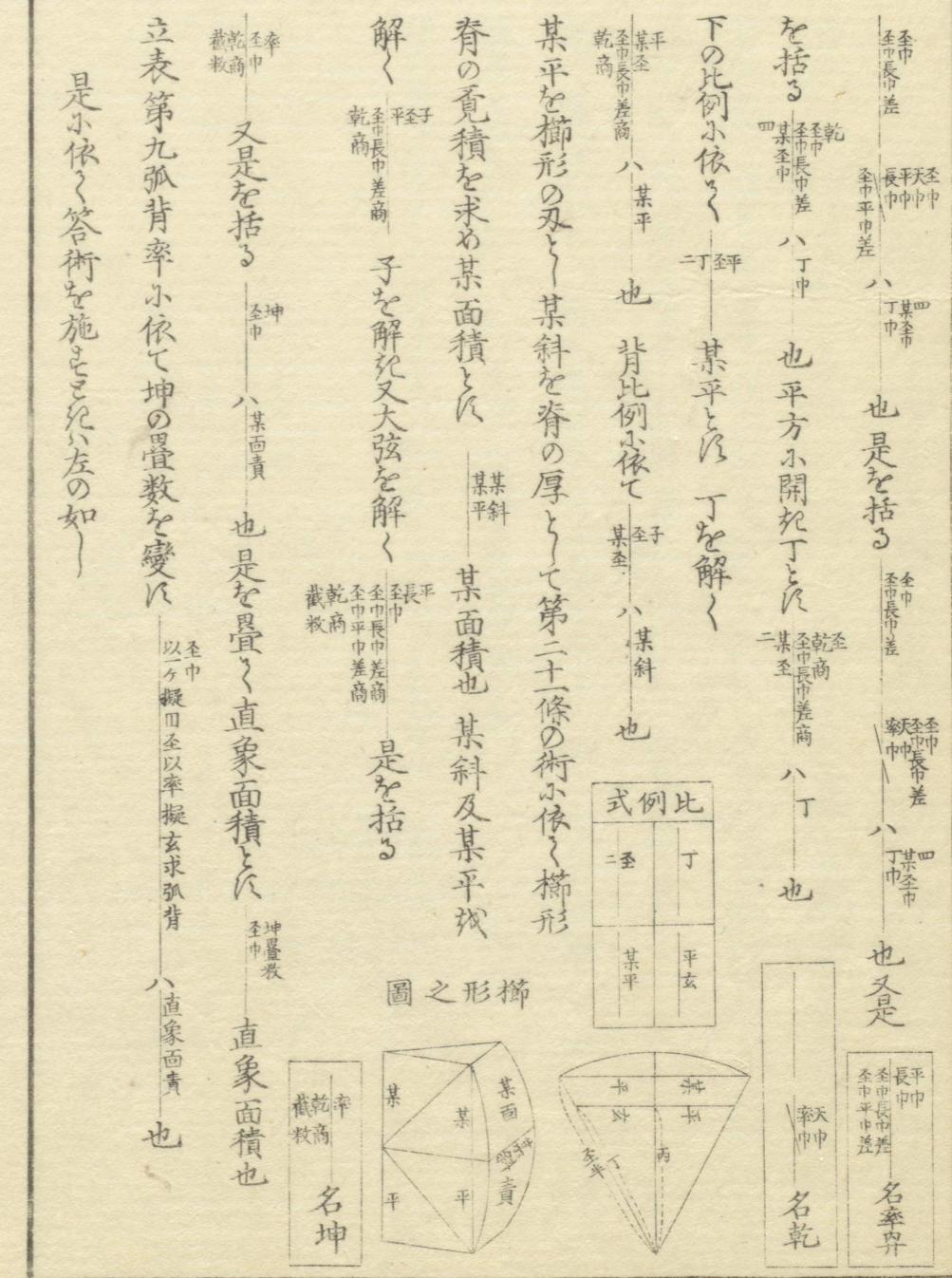


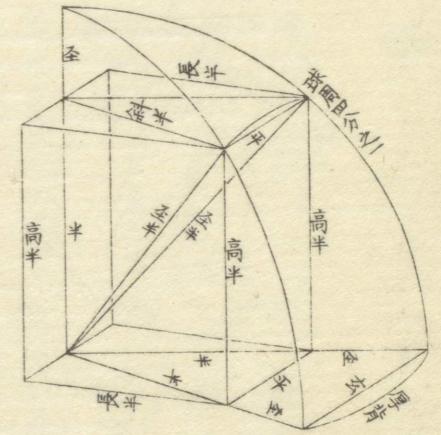
術曰置球徑自之名定內減長弦闊餘乘定與平弦闊差平方開之以除長弦因平弦擬弦以一個擬圓徑依術求弧背乘定得直象面積合問

今有球面如圖畫直象及二斜向球心 球徑若干

長弦若干 平弦若干 問得 甲乙各面積術如何

答曰如左





以ヶ擬田至以大玄擬玄求弧背

名大背

大背

八厚背

也

第二十二条の術小依て櫛形脊の覓 櫛
積を求む 厚背 八櫛形脊覓責 也

小弦幕と名く 以ヶ擬田至以小玄擬玄求弧背
名小背 小背 八直象面責 也

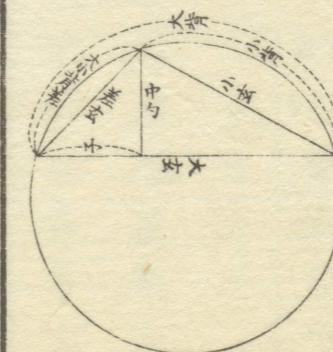
櫛形脊覓責 直象面責 也

是小依て答術を施せどんハ弧術を用ひること二次なり今其一次を省
カ弧術二次を用ひ答術を施せど解左の如

以

一
個
爲
圓
徑
圖

下の圖ふ依て 小弦幕を解く 差玄中
八 中勾中 也 差玄中 中勾中 子幕と云
勺幕を解く 差玄中 中勾中 子幕と云
小弦幕を解く 差玄中 中勾中 子幕と云 中



至
平
中
斜
中
高
中

至
高
中
斜
中
高
中

至
平
中
斜
中
高
中

至
高
中
斜
中
高
中

至
高
中
斜
中
高
中

至
高
中
斜
中
高
中

⊕ 算斜幕及徑幕平幕差を乗除。高幕を解く。高幕を
乘一 大弦幕及小弦幕を解き遍く除数を乗け。
解ひ斜幕平幕差を長幕小變へ。
大弦幕及小弦幕を解き遍く除数を乗け。
解ひ斜幕平幕差を長幕小變へ。
大弦幕及小弦幕を解き遍く除数を乗け。
解ひ斜幕平幕差を長幕小變へ。
大弦幕及小弦幕を解き遍く除数を乗け。
解ひ斜幕平幕差を長幕小變へ。
大弦幕及小弦幕を解き遍く除数を乗け。
大弦幕及小弦幕を解き遍く除数を乗け。
解ひ斜幕平幕差を長幕小變へ。
大弦幕及小弦幕を解き遍く除数を乗け。

左商 再左小寄也 斜 高 平
右商 再左小寄也 斜 高 平
矩合 是小依也 斜 高 平
左商 再左小寄也 斜 高 平
右商 再左小寄也 斜 高 平
矩合 数を補ひ左右小分る
高幕を
解ひ斜幕平幕差を長幕小變へ。
大弦幕及小弦幕を解き遍く除数を乗け。

至
高
中
斜
中
高
中
斜
中
高
中
名仁
也

差弦を括る。
故 以ヶ擬田至以乙玄擬玄求弧背 即 太弧背差
也是を乙弦と名く

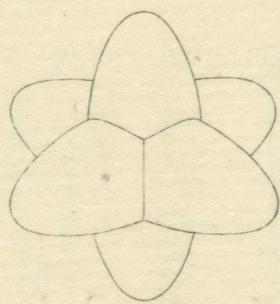
差弦を括る。

以ヶ擬田至以乙玄擬玄求弧背 即 太弧背差

也是を乙弦と名く

依て乙面積の大小弧背差を乙背とす
是小依て答術を施もどれ左の如一

術曰置球徑自之名智置長弦自之加平弦幕名仁以減智餘開平方以減球徑餘名勇置長弦自之以減智餘開平方乘仁以除勇乘長弦及平弦擬甲弦依術求甲弧背乘智半之得甲面積合問



今有以等長立圓三個如圖互貫之心乃長立圓解曰題圖を中心より各周の交る所小至く截分るとハ左圖の如一其積各甲

積と名く左の圖小依て西中八斜巾也而長徑線各作十字長徑若干短徑若干問得積術如何

答曰如左

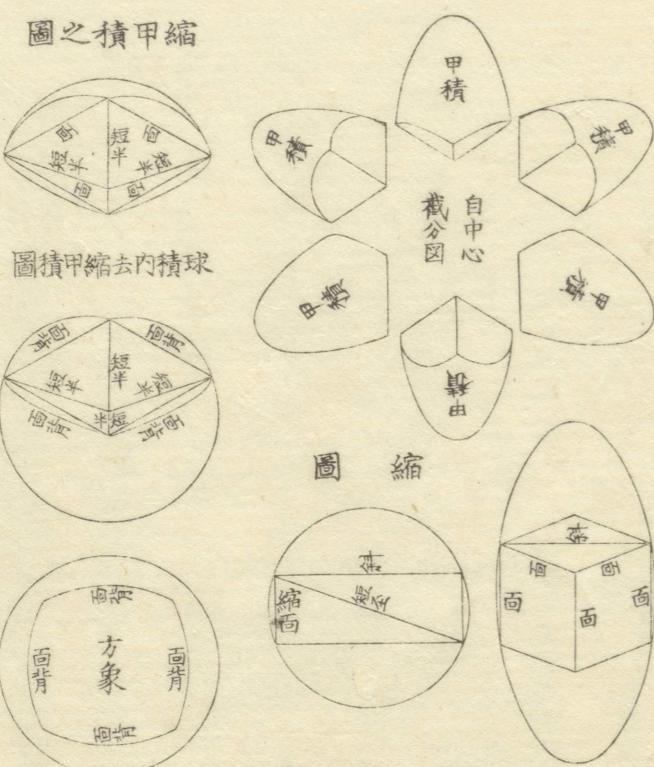
矩合

左の圖小依て西中八斜巾也而長徑線各作十字長徑若干短徑若干問得積術如何

矩合

答曰如左

矩合



依て面幕を求む
て短往幕を減
第六十二條直象面積の長弦及平弦を面小換へ径を短小換く方象面積を求む

率幕とす是を解く
長三
短巾面巾差
率幕とす是を解く
長巾短巾和
八率巾也平方小開き

甲積を解き又縮甲積及方象面積を解く

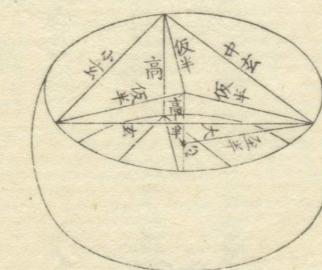
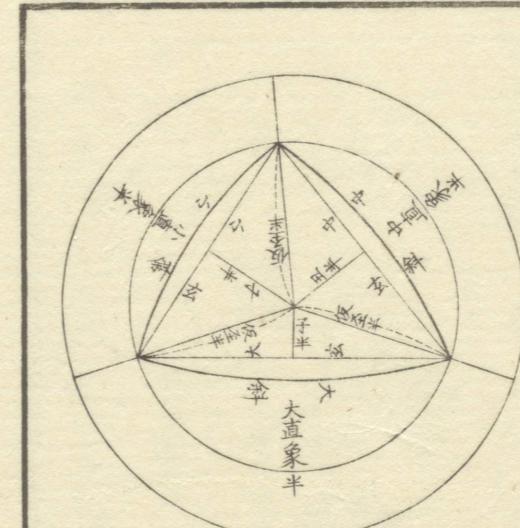
率とす
長巾
八甲責也
縮甲責
也
以ヶ擬田至以率擬玄求弧背
八方象面積也
六
甲責也
積とす
甲積を解き又縮甲積及方象面積を解く

術曰置長徑自之加短徑幕以除長徑幕擬弦以一個擬圓徑依術求弧背乘長徑及短徑幕得積合問



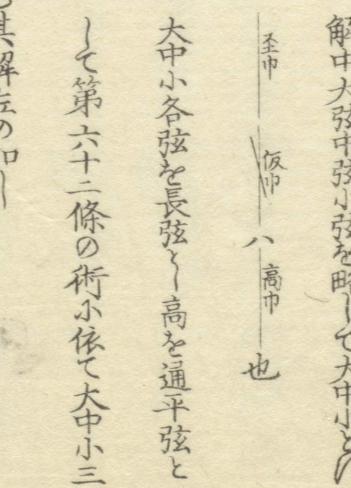
今有球面如圖畫三斜象向其筆心球徑若干大弦若干中弦若干小弦若干問得三斜面積術如何

答曰如左



大中各弦を長弦より高を通平弦と
解中大弦中弦小弦を略して大中小三

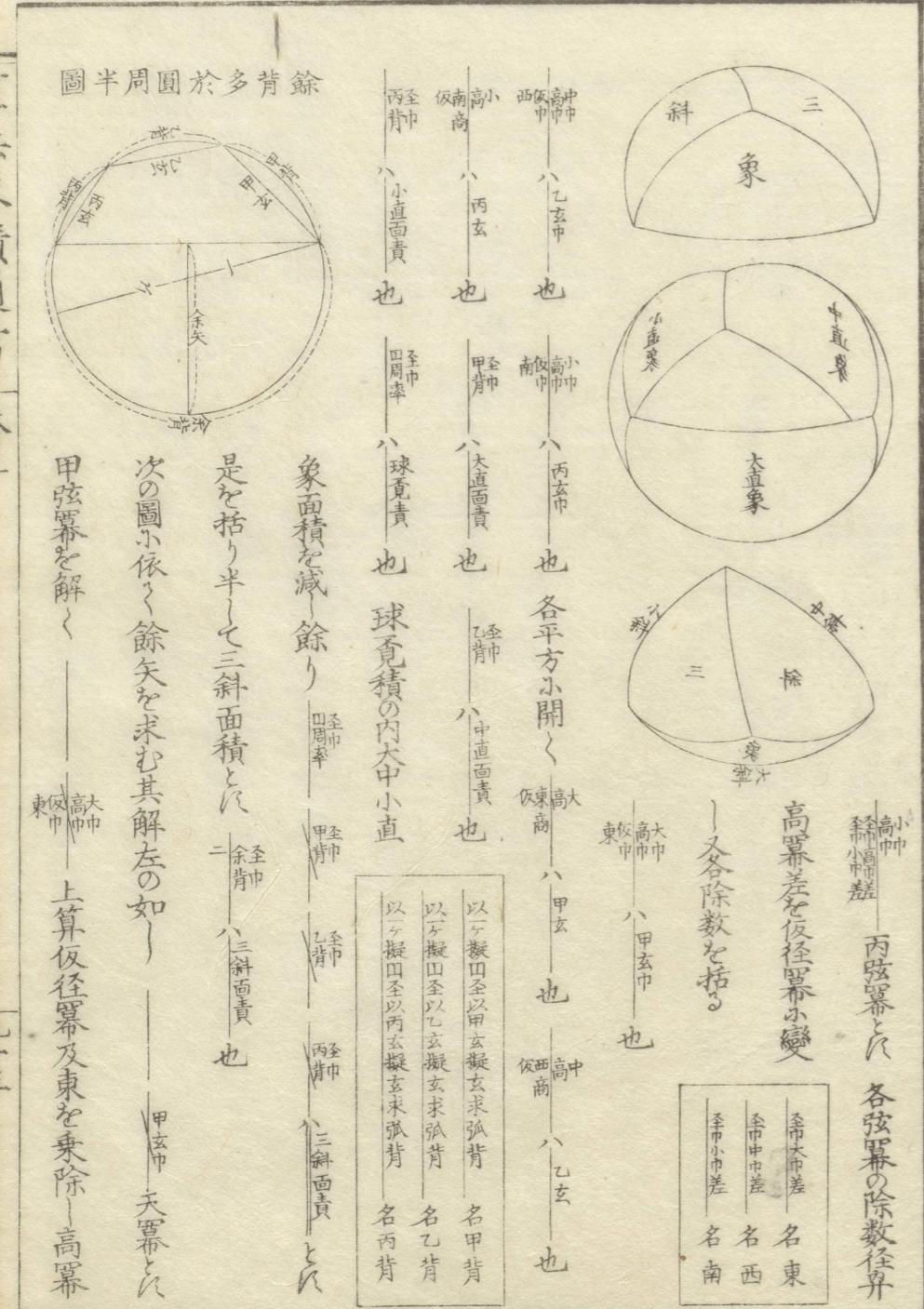
個の直象面積を求む其解左の如一



甲弦幕

乙弦幕

丙弦幕



甲弦幕を解く
次の圖小依く餘矢を求む其解左の如一
是を括り半して三斜面積とす
上算反徑幕及東を乗除一高幕

象面積を減一餘り
次の圖小依く餘矢を求む其解左の如一
是を括り半して三斜面積とす
甲玄幕を解く

以玄擬圓全以用玄擬玄求弧背
以玄擬圓全以用玄擬玄求弧背
以玄擬圓全以用玄擬玄求弧背
以玄擬圓全以用玄擬玄求弧背
名甲背
名乙背
名丙背
名丁背
名戊背
名己背
名庚背
名辛背
名壬背
名癸背

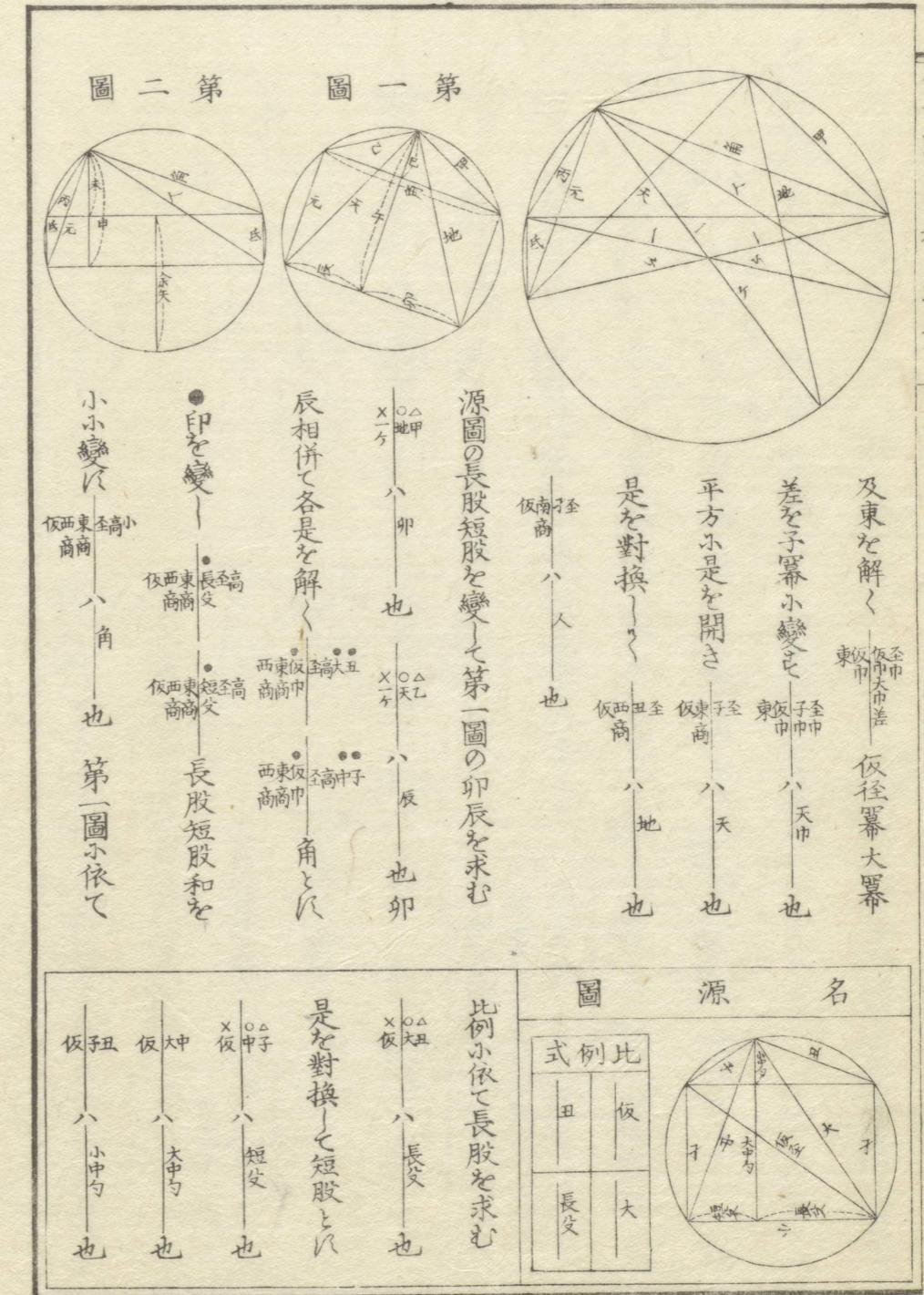
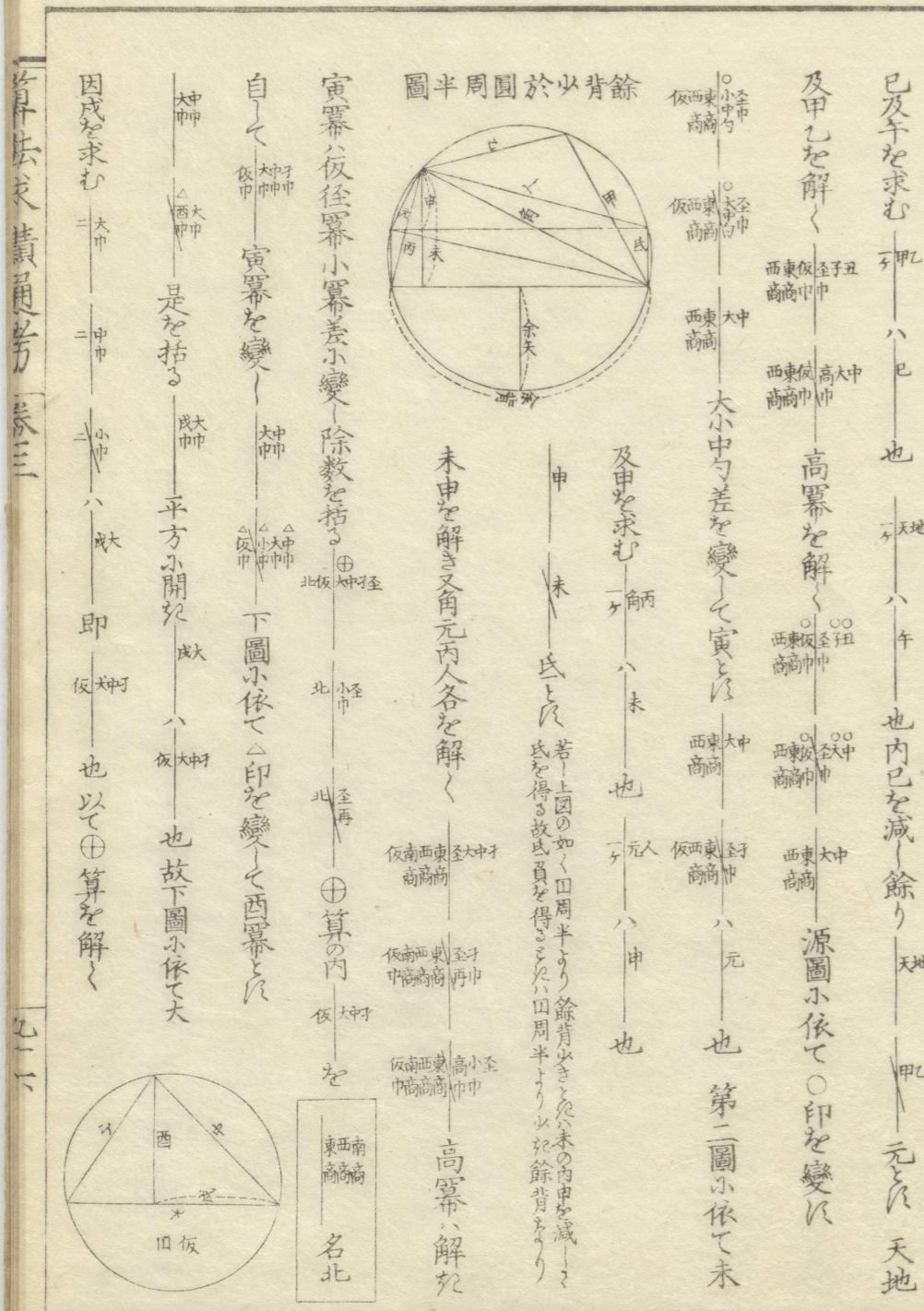
甲背
乙背
丙背
丁背
戊背
己背
庚背
辛背
壬背
癸背

名東
名西
名南

名北

名甲背
名乙背
名丙背
名丁背
名戊背
名己背
名庚背
名辛背
名壬背
名癸背

甲玄幕
乙玄幕
丙玄幕
丁玄幕
戊玄幕
己玄幕
庚玄幕
辛玄幕
壬玄幕
癸玄幕



二北	大巾	至再
二北	中巾	
二北	小巾	
北		至再
再北		

再至北	小巾	名再東
再至北	中巾	名再南
再至北	大巾	名再西
再至北		名再北

再括号を以て是を改括る

若一圓周半より餘背少きを以て
個の内底を減へ餘り半して餘矢既

余背
八三斜面積也 術中括号の再字を略れ 是小依て答術を施せど見左の如

術曰置小弦以球徑除之自之名南以減一個餘三數連乘平
方開之北置併東西南半之内減一個則之為負餘極以北除
之加一個以極得負則半之擬矢以一個擬圓徑依術求弧背乘
球徑累半之得三斜面積合問

四斜象
今有球面如圖畫圓又其內畫四斜象各向球心
球徑若干東弦若干西弦若干南弦若干北弦若
干問得四斜面積術如何

六十六

答曰如左

解曰前條の理小依て東西南北各直象面積を求る球覗積の内

四個の直面積を減へ餘り半して

三斜面積を得る其解左の如

前條の大中弦を東西弦小換て

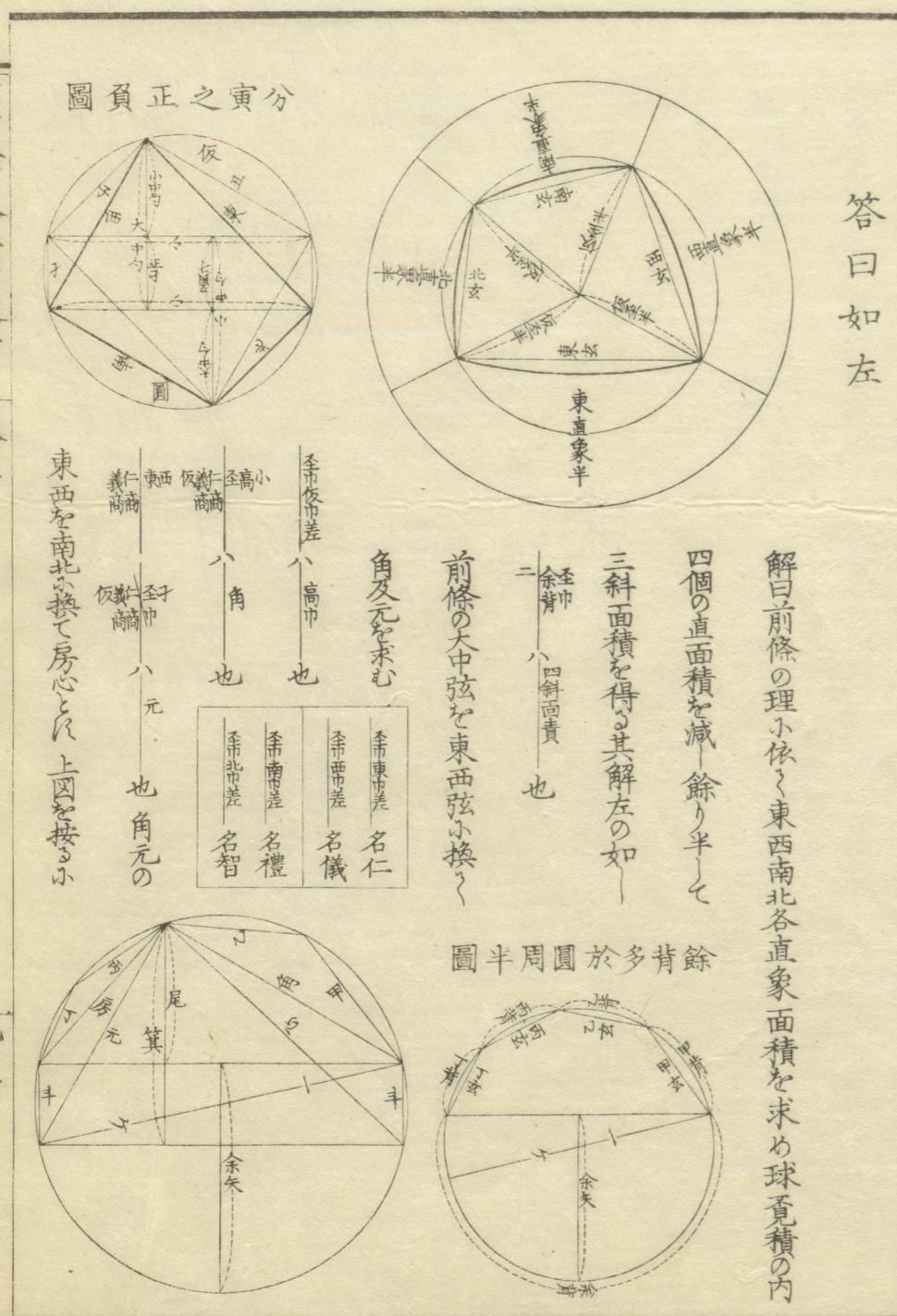
角及元を求む

余背
八角也

余背
八元也 角元の

余背
名智

東西を南北に換て房心とし上國を按る小



算法求積通考

卷三

算法求積通考卷之三終

竹林子

